

# 非阻塞监控器设计中的语言优化方法

颜文俊 蒋静坪

孙优贤

(浙江大学工业电气自动化研究所·杭州,310027) (浙江大学工业控制技术研究所·杭州,210027)

**摘要:** 本文研究在设计非阻塞监控器时所涉及到的语言的优化方法,首先给出了  $Lm(G)$  闭语言的计算公式,然后提出了能控  $Lm(G)$  闭子语言的逐级优化途径。对于目前获得的部分优化语言的封闭解进行了总结,并对各语言类之间的关系进行了分析。

**关键词:** 监控器;  $Lm(G)$  闭子语言; 能控; 能观

## 1 引言

在离散事件动态系统(DEDs)的监控理论研究中,语言优化和语言逼近有着特别重要的意义。由于一个给定的合法行为(或合法语言)可能不满足监控器存在的条件,因此就必须对该语言进行优化。目前,关于语言优化的方法主要有搜索寻优法、自动机递归构造法和封闭解的求取等<sup>[1,2]</sup>。语言的封闭解在 DEDs 中的地位相当于解析解在连续变量动态系统中的作用,有利于对解的性质进行有效的分析,因而这个问题日益受到重视。

从 DEDs 监控理论的发展来看,可以把所有成果划分为事件完全能观和事件局部能观下的结果。在事件完全能观的情况下,优化语言主要包括能控语言、非排斥语言(Nonconflicting),  $Lm(G)$  闭语言以及  $Lm(G)$  闭能控语言。考虑一未被控系统  $G$ ,其事件集合  $\Sigma$ ,可控事件集  $\Sigma_c$ ,不可控事件集  $\Sigma_{uc}$ ,且  $\Sigma = \Sigma_c \cup \Sigma_{uc}$ ,系统的状态集合  $Q$ ,初始状态为  $q_0 \in Q$ ,标识状态集  $Q_m \subseteq Q$ ,状态迁移函数  $\delta: \Sigma \times Q \rightarrow Q$  为一部分函数,则系统  $G$  可形式化地写成

$$G = (Q, \Sigma, \delta, q_0, Q_m).$$

相应地,系统的行为  $L(G) := \{s; s \in \Sigma^*, \delta(s, q_0) \text{ 有定义}\}$ ,标识行为  $Lm(G) := \{s; s \in L(G) \text{ 且 } \delta(s, q_0) \in Q_m\}$ 。那么对于给定的期望行为  $L$ ,上述语言类可分别定义如下:

$$C(L) := \{K \subseteq L; K\Sigma_{uc} \cap L(G) \subseteq \bar{K}\},$$

$$NF(L_1) := \{K \subseteq L_1; \bar{K} \cap L_2 = \bar{K} \cap \bar{L}_2\},$$

$$F(L) := \{K \subseteq L; K = \bar{K} \cap Lm(G)\},$$

$$FC(L) := \{K \subseteq L; K = \bar{K} \cap Lm(G) \wedge \bar{K}\Sigma_{uc} \cap L(G) \subseteq \bar{K}\}.$$

关于非排斥语言  $NF(L)$  的优化解和能控语言  $C_p(L)$  的下确界都有封闭形式<sup>[2,3]</sup>,而且在  $L$  闭时,能控语言的上确界亦有封闭形式<sup>[4]</sup>,但有关  $F(L)$  和  $FC(L)$  尚无研究结果。

在事件部分能观的情况下,在 SCOP(supervisory control and observation problem) 和 SMOP(supervisory marking and observation problem) 中,监控器存在充要条件是期望语言能控、能观,为求得最小约束的优化解,希望在满足监控器存在条件的前提下,最大限度地逼近期望行为。为此,定义相应的语言类:

$$\underline{O}'(L) := \{K; K \supseteq L, K = \bar{K} \text{ 且 } K \text{ 能观}\},$$

$$\underline{N}(L) := \{K; K \subseteq L, \bar{K} \text{ 是正态(Normal) 语言}\},$$

$CN(L) := \{K : K \subseteq L, K = \bar{K}, K \text{ 是正态语言}\}$ ,

$RCN(L) := \{K : K \subseteq L, K = \bar{K} \cap Lm(G) \text{ 且 } \bar{K} \text{ 是正态语言}\}$ ,

$\underline{RCN}(L) := \{K, K \subseteq L, K = \bar{K} \text{ 且 } K \text{ 是能控、正态语言}\}$ ,

$Z(L) := \{K : K \subseteq L, K = \bar{K} \cap Lm(G), \bar{K}\Sigma_{uc} \cap L(G) \subseteq \bar{K} \text{ 且 } \bar{K} \text{ 是正态语言}\}$ ,

$D(L) := \{K : K \subseteq L, \bar{K}\Sigma_{uc} \cap L(G) \subseteq \bar{K}, \bar{K} = L(G) \cap P^{-1}P(\bar{K})\}$ ,

$\underline{CO}'(L) = \{K : K \subseteq L, K = \bar{K}, \bar{K}\Sigma_{uc} \cap L(G) \subseteq \bar{K} \text{ 且 } K \text{ 能观}\}$ .

由于能观语言的并一般不再能观,因此文[5]提出了用  $\underline{CO}'(L)$  中的最大元代替其上确界,但不幸的是不仅其求法繁琐,而且不一定收敛;文[6]则建议用  $\sup \underline{RCN}(L)$  代替  $\sup \underline{CO}'(L)$ ,但因正态的要求比能观严格,因此  $\sup \underline{RCN}(L)$  在多大程度上逼近  $\underline{CO}'(L)$  的最大元,与系统各语言的构成相关.针对这种情况,文[7]给出了一种求取介于二者之间的能控、能观子语言算式,这样得到的优化语言满足

$$\sup \underline{RCN}(L) \subseteq \Omega(\sup C(L)) \subseteq \max(\underline{CO}'(L)).$$

在如上的各语言类中,发现具有封闭形式的解有  $\sup CN(L), \sup \underline{RCN}(L), \inf \underline{CO}'(L)$  等<sup>[4,5,8]</sup>.

在进行监控器设计时,除了考虑闭环系统行为  $L(S/G)$  应满足的约束外,往往还要求所得到的监控行为  $L_c(S/G)$  不会产生阻塞,使  $L(S/G) = \overline{L_c(S/G)}$ ,为此所得到的优化语言必须是  $Lm(G)$  闭,因此研究  $\sup F(L), \sup FC(L)$  以及  $\sup Z(L)$  是有意义的.

## 2 $Lm(G)$ 闭子语言

引理 1 若  $K_1 = \bar{K}_1 \cap Lm(G), K_2 = \bar{K}_2 \cap Lm(G)$ , 则

$$K_1 \cup K_2 = \overline{K_1 \cup K_2} \cap Lm(G), \quad K_1 \cap K_2 = \bar{K}_1 \cap \bar{K}_2 \cap Lm(G).$$

证  $K_1 \cup K_2$  的结果显然.对于  $K_1 \cap K_2$ , 因  $K_1, K_2 \subseteq Lm(G)$ , 因此

$$K_1 \cap K_2 \subseteq \overline{K_1 \cap K_2} \cap Lm(G), \tag{1}$$

又因

$$K_1 \cap K_2 = \overline{K_1 \cap K_2} \cap Lm(G) \supseteq \overline{K_1 \cap K_2} \cap Lm(G). \tag{2}$$

因此,  $K_1 \cap K_2 = \overline{K_1 \cap K_2} \cap Lm(G)$ .

因空集  $\Phi \in F(L), \Phi \in C(L)$ , 而且如果  $L_1, L_2 \in F(L)$ , 则  $L_1 \cup L_2 \in F(L); L_1, L_2 \in C(L)$ , 则  $L_1 \cup L_2 \in C(L)$ , 因此  $\sup F(L), \sup C(L)$  存在.对于  $F(L)$ , 定义映射:  $T: L \rightarrow 2^L$ , 则  $\text{card}(2^L) \leq 2^{\text{card}(L)}$ , 可采用直接搜寻法求取  $\sup F(L)$ .令  $F^1 = 2^L, F_{n-i} \in F^1, 0 \leq i \leq n, F_0 = \{\epsilon\}$ ,  $n$  为  $L$  中的字符串个数, 则  $F_{n-i}$  表示元素有  $(n-i)$  个的集合类, 这样的集合有  $C_n^{n-i}$  个, 分别记为  $F_{n-i}^{i_1}$ .

算法 1 ( $\sup F(L)$ ):

```

begin
  for i = 0 to n
    S = Φ
    for i1 = 1 to C_n^{n-i}
      if F_{n-i}^{i1} = F_{n-i}^{i1} ∩ Lm(G)
        let S = F_{n-i}^{i1} ∪ S
      else break
    end
  end
end

```

```

    end
end

```

容易检验  $S = \sup F(L)$ . 但上述算法具有指数复杂性, 复杂度为

$$\sum_{i=0}^n \frac{n!}{(n-i)!(i-1)!}. \quad (3)$$

在许多情况下, 即使  $L, Lm(G)$  为正规语言, 若其中有 \* 运算符, 该算法无效. 下面给出求  $\sup F(L)$  的另一构造方法.

**算法 2** ( $\sup F(L)$ )<sup>[5]</sup>: 令  $A = (Q, \Sigma, f, q_0, Q_m)$ ,  $B = (Q_s, \Sigma, f_s, q_0, Q_{sm})$ ,  $|A| = Lm(G)$ ,  $|B| = L \subseteq Lm(G)$ , 并使  $B$  为  $A$  的子自动机. 定义另一 DFA  $\tilde{B} := T_r(\tilde{Q}_s, \Sigma, \tilde{f}_s, q_0, \tilde{Q}_{sm})$ , 根据:

a)  $q \in \tilde{Q}_s$  当且仅当  $\forall q \in Q_m, q \in Q_{sm}$ ;

b)  $\tilde{Q}_{sm} = \tilde{Q}_s \cap Q_{sm} = Q_{sm}$ ;

c)  $\tilde{f}_s(\sigma, q) = \begin{cases} f_s(\sigma, q), & \text{当且仅当 } f_s(\sigma, q) \neq \emptyset \text{ 且 } f_s(\sigma, q) \in \tilde{Q}_s; \\ \text{无定义}, & \text{否则.} \end{cases}$

不难验证  $|\tilde{B}| = \sup F(L)$ . 在  $L, Lm(G)$  正规时, 由其构造可知, 该算法是有效的. 算法 1 和算法 2 都不是闭形解, 下面我们研究其闭形解.

**引理 2** 若  $A$  为闭语言,  $B \subseteq \Sigma^*$  为任一语言, 则  $A - B\Sigma^*$  亦为闭语言.

证 假设  $A - B\Sigma^*$  不闭, 则  $\exists st \in A - B\Sigma^*$  且  $s \notin A - B\Sigma^*$ , 那么

$$st \in A \wedge st \notin B\Sigma^* \Rightarrow s \in A \wedge s \notin B\Sigma^* \text{ (因 } A \text{ 闭)} \Rightarrow s \in A - B\Sigma^*. \quad (4)$$

矛盾. 推导过程中  $s \notin B\Sigma^*$  是必然的, 否则, 若  $s \in B\Sigma^*$ , 那么由 \* 运算的性质可知,  $st \in B\Sigma^*$ . 综上, 如果  $A$  闭, 则  $A - B\Sigma^*$  闭.

根据引理 1 和引理 2 的结论, 可得到本文的第一个主要结果.

**定理 1**  $\sup F(L) = L - (\bar{L} \cap Lm(G) - L)\Sigma^*$ .

证 首先, 根据前面的论述,  $\sup F(L)$  是存在的. 令  $L_F := L - (\bar{L} \cap Lm(G) - L)\Sigma^*$ ,  $F^\dagger := \sup F(L)$ , 则

a)  $L_F$  是  $Lm(G)$  闭的. 令  $\bar{L} \cap Lm(G) - L = R$ , 显然当  $R = \emptyset$  时,  $L_F = F^\dagger$ . 考虑  $R \neq \emptyset$ ,  $L \cap R = \emptyset$ ,  $\bar{L} \cap Lm(G) = L \cup R$ . 因  $L_F = L - R\Sigma^* \subseteq \bar{L} - R\Sigma^*$ ,  $\bar{L}_F \subseteq \bar{L} - \bar{R}\Sigma^* = \bar{L} - R\Sigma^*$  (根据引理 2), 则因

$$\bar{L} \cap (R\Sigma^*)^c \cap Lm(G) = (\bar{L} \cap Lm(G)) \cap (R\Sigma^*)^c, \quad (5)$$

可得

$$\begin{aligned} \bar{L}_F \cap Lm(G) &\subseteq (\bar{L} - R\Sigma^*) \cap Lm(G) = \bar{L} \cap Lm(G) - R\Sigma^* \\ &= L \cup R - R\Sigma^* \text{ (因 } \epsilon \in \Sigma^* \text{)} = L - R\Sigma^* = L_F. \end{aligned} \quad (6)$$

又  $L_F \subseteq \bar{L}_F$ ,  $L_F \subseteq Lm(G)$ ,  $L_F \subseteq \bar{L}_F \cap Lm(G)$ . 因此  $L_F = \bar{L}_F \cap Lm(G)$ .

b)  $L_F$  是  $F(L)$  中的最大元. 我们从字符串长度进行归纳.

情形 1  $|s| = 0$ , 即如果  $\epsilon \in L$ , 则  $\epsilon \in R$ , 从而  $\epsilon \in R\Sigma^*$ , 有  $\epsilon \in L_F$ , 故  $L_F \supseteq F^\dagger$ .

情形 2  $|s| \geq 1$ , 利用反证法证  $L_F \supseteq F^\dagger$ , 由 a) 和  $F^\dagger$  之定义,  $L_F = \bar{L}_F \cap Lm(G)$ ,  $F^\dagger = \bar{F}^\dagger \cap Lm(G)$ , 有

$$\begin{aligned} F^\dagger - L_F &= (\bar{F}^\dagger - \bar{L}_F) \cap Lm(G) \\ &= (\bar{F}^\dagger - L_F) \cap Lm(G) = \bar{F}^\dagger \cap (Lm(G) - L_F). \end{aligned} \quad (7)$$

令  $s \in F^\dagger - L_F$ , 则  $s \in \bar{F}^\dagger$  且  $s \in Lm(G)$ ,  $s \notin L_F$ , 即

$$s \notin L - R\Sigma^*. \quad (8)$$

因  $s \in L$ , 故  $s \in R\Sigma^*$ , 而由于  $R = \bar{L} \cap Lm(G) - L$ ,  $s \notin R$ . 又  $R \neq \emptyset$ , 因此存在  $s$  的前缀  $s_1$ ,  $s_1 \in R$ ,  $t \in \Sigma^*$  且  $s_1t = s \in R\Sigma^*$ . 那么一方面  $s \in Lm(G)$ ,  $s_1 \notin L$ , 因此  $s_1 \notin F^\dagger$ ,  $s_1 \notin L_F$ ,  $s_1 \in Lm(G) - L_F$ . 另一方面, 由  $s \in F^\dagger$  可知,  $s \in \overline{F^\dagger}$ , 而  $s_1$  为  $s$  的前缀, 因而  $s_1 \in \overline{F^\dagger}$ , 且由(1)式有  $s_1 \in F^\dagger - L_F$ , 故  $s_1 \in F^\dagger$ , 从而产生矛盾, 因此可知不存在  $s \in \Sigma^*$ , 使  $s \in F^\dagger - L_F$ .

综上,  $F^\dagger = L_F$ .

### 3 $Lm(G)$ 闭能控语言

根据  $\sup F(L)$  的闭形解, 我们可以推导出求解  $\sup FC(L)$  的一个简明的方法.

**引理 3**  $\sup FC(L) = \sup C(\sup F(L))$ .

证 该证明可分两部分.

先证:  $\sup FC(L) = \sup FC(\sup F(L))$ , 再证  $\sup FC(\sup F(L)) = \sup C(\sup F(L))$ .

根据  $\sup FC(L)$  及  $F(L)$  的定义,  $\sup FC(L) \in F(L)$ , 因此  $\sup FC(L) \subseteq F(L)$  且

$$\sup FC(L) = \sup FC(\sup FC(L)) \subseteq \sup FC(\sup F(L)). \quad (9)$$

又因为  $\sup F(L) \subseteq L$ , 因此  $\sup FC(\sup F(L)) \subseteq \sup FC(L)$ , 所以  $\sup FC(L) = \sup FC(\sup F(L))$ .

令  $L_F = \sup F(L)$ , 则  $L_F \subseteq L$ , 且  $L = L_F \cap Lm(G)$ , 根据文献[4],

$$\sup C(L_F) = \overline{\sup C(L_F)} \cap L_F = \overline{\sup C(L_F)} \cap Lm(G). \quad (10)$$

即  $\sup C(L_F) \subseteq L_F \subseteq L$ ,  $\sup C(L_F)$  关于  $Lm(G)$  闭且能控, 则

$$\sup C(L_F) \in FC(L) \Rightarrow \sup C(L_F) \subseteq \sup FC(L). \quad (11)$$

而根据  $FC(L)$  及  $F(L)$  的定义,  $FC(L) \subseteq C(L)$ ,  $\sup FC(L_F) \subseteq \sup C(L_F)$ , 因此  $\sup C(L_F) = \sup FC(L_F)$ . 由上可知,

$$\sup FC(L) = \sup FC(\sup F(L)) = \sup C(\sup F(L)). \quad (12)$$

根据这个引理及定理 1, 可得出本文的第二个主要结论:

**定理 2**  $\sup FC(L) = [L - \bar{L} \cap Lm(G) - L]\Sigma^*]^\dagger$ .

与求  $L^\dagger$  及  $L^+$  相似, 可用如下递推公式求  $\sup FC(L)$ (记为  $L_{FC}$ ):

$$L_1 = L^\dagger,$$

$$L_{i+1/2} = L_i - (\bar{L}_i \cap Lm(G) - L_i)\Sigma^*$$

$$L_{i+1} = (L_{i+1/2})^\dagger, i = 0, 1, 2, \dots$$

**定理 3** 1)  $L_\infty = \lim_{n \rightarrow \infty} L_n$  存在; 2)  $L_{FC} \subseteq L_\infty$ .

证 1) 因  $L_{i+1} = (L_{i+1/2})^\dagger \subseteq L_{i+1/2} \subseteq L_i$ , 因此  $\{L_i\}$  是个递减序列, 且其下界为  $\emptyset$ , 因此  $L_\infty = \lim_{i \rightarrow \infty} L_i$  存在且  $L_\infty = \bigcap_{i=0}^{\infty} L_i$ .

2) 利用递推证明. 因  $L_{FC} \subseteq L_0 = L^\dagger$ . 假设  $L_{FC} \subseteq L_k$ , 因  $L_{k+1/2}$  是  $L_k$  中关于  $Lm(G)$  闭的最大子语言, 而  $L_{FC}$  是  $L_k$  中关于  $Lm(G)$  闭的一个子语言, 因此  $L_{FC} \subseteq L_{k+1/2}$ . 则

$$L_{FC} = L_{FC}^\dagger \subseteq (L_{k+1/2})^\dagger = L_{k+1}. \quad (13)$$

因此,  $L_{FC} \subseteq L_k, k = 0, 1, \dots$ , 则  $L_{FC} \subseteq \bigcap_{i=0}^{\infty} L_i = L_\infty$ .

**定理 4** 当  $L, Lm(G)$  正规时,  $L_\infty$  在有限步内收敛,  $L_{FC} = L_\infty$  并且它也是正规的.

该定理的证明方法与[1] 及[2] 对非排斥语言的证明相似, 此处略去.

至此, 我们已经研究了求解  $\sup F(L)$  和  $\sup FC(L)$  的方法, 当  $L = \bar{L} \cap Lm(G)$  时,

$$\sup FC(L) = L^\dagger.$$

#### 4 部分能观时 $Lm(G)$ 闭子语言

根据文献[9]可知,如果字母表  $\Sigma$  中的有些事件是无法被监控器观测到的,监控器存在的充要条件是期望行为能控、能观,因而此时监控器设计的主要问题就是求得给定语言的能控、能观子语言.本文我们主要关心  $Lm(G)$  闭语言,由于能观语言的性质没有正态语言的性质好,且  $Lm(G)$  闭的正态语言是能观的,因此我们仅研究有关正态语言的求解方法.

**引理 4** i) 若  $\overline{A}, \overline{B}$  为正态语言,则  $\overline{A \cup B}$  是正态语言,  $\overline{A \cap B}$  是正态语言当  $A, B$  为非排斥或闭语言时;

ii) 若  $A, B$  为正态语言,则  $A \cap B, A \cup B$  均为正态语言.

**证** i) 先证  $\overline{A \cup B}$  为正态语言.因  $\overline{A} \subseteq L(G), \overline{B} \subseteq L(G)$ , 因此  $\overline{A \cup B} \subseteq L(G)$ . 又  $\overline{A \cup B} \subseteq P^{-1}P(\overline{A \cup B})$ , 故  $\overline{A \cup B} \subseteq L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cup B})$ . 下面证  $\overline{A \cup B} \supseteq L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cup B})$ . 令  $s \in L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cup B})$ , 则

$$\begin{aligned} s \in L(G) \wedge s \in P^{-1}P(\overline{A \cup B}) &\Rightarrow s \in L(G) \wedge (P(s) \in P(\overline{A}) \vee P(s) \in P(\overline{B})) \\ &\Rightarrow s \in L(G) \wedge (s \in P^{-1}P(A) \vee s \in P^{-1}P(B)) \\ &\Rightarrow s \in L(G) \cap (P^{-1}P(A) \cup P^{-1}P(B)). \end{aligned} \quad (14)$$

根据假设,  $A$  和  $B$  均为正态语言,因此  $s \in \overline{A \cup B}$ , 即  $\overline{A \cup B} = L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cup B})$ ,  $\overline{A \cup B}$  也为正态语言.

对于  $\overline{A \cap B}$ , 显然有  $\overline{A \cap B} \subseteq L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cap B})$ . 当  $A, B$  闭或非斥时,  $\overline{A \cap B} = \overline{A} \cap \overline{B}$ , 则

$$\overline{A \cap B} = L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A}) \cap P^{-1}P(\overline{B}) \supseteq L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cap B}). \quad (15)$$

从而有  $\overline{A \cap B} = L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cap B})$ .

ii) 由 i) 的证明过程立即可得.

**说明** i) 中  $\overline{A \cap B}$  为正态的闭或非排斥条件不可省略.例如,  $\Sigma = \{\alpha, \beta, \gamma\}, \Sigma_{uc} = \{\alpha, \beta, \gamma\}, L(G) = \overline{\beta\alpha + \lambda\beta\gamma}, A = \beta + \lambda\beta\gamma, B = \beta + \lambda\beta$ , 则可验证  $\overline{A} = L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A}), \overline{B} = L(G) \cap P^{-1}P(\overline{B}), \overline{A \cap B} = \overline{\beta} \neq \overline{A} \cap \overline{B} = \overline{\beta} + \overline{\lambda\beta}$ . 而  $L(G) \cap P^{-1}P(\overline{A \cap B}) = \overline{\beta} + \overline{\lambda\beta} \neq \overline{A \cap B}$ , 可见此时  $\overline{A \cap B}$  不是正态,尽管  $\overline{A}, \overline{B}$  为正态语言.

对于  $\sup RCN(L)$  和  $\sup \underline{Z}(L)$  及  $\sup D(L)$ , 有如下定理:

**定理 5** 1) 若  $L$  是  $Lm(G)$  闭, 则  $\sup D(L) = \sup \underline{Z}(L)$  也是  $Lm(G)$  闭;

2) 若  $L$  是  $Lm(G)$  闭, 则  $\sup RCN(L) = \sup \underline{N}(L), \sup \underline{Z}(L) = \sup D(L)$ .

**证** 1) 我们只证  $\sup \underline{N}(L)$  的  $Lm(G)$  闭性质,而  $\sup D(L)$  的  $Lm(G)$  闭性质可用相似方法得到. 令  $S := \sup \underline{N}(L)$ , 因  $S \subseteq \overline{S} \cap Lm(G)$ . 因此只需证  $S \supseteq \overline{S} \cap Lm(G)$ . 因

$$\overline{S} \cap Lm(G) \subseteq \overline{L} \cap Lm(G) = L, \quad (16)$$

及

$$\overline{S} \cap Lm(G) \subseteq \overline{S} \cap \overline{Lm}(G) \subseteq \overline{S}, \quad S \subseteq \overline{S} \cap Lm(G), \quad \overline{S} \subseteq \overline{S} \cap Lm(G). \quad (17)$$

因此  $\overline{S} = \overline{S} \cap Lm(G)$ . 因  $S \in \underline{N}(L)$ , 则  $\overline{S} \cap Lm(G) \in \underline{N}(L)$ , 即  $\overline{S} \cap Lm(G) \subseteq \sup \underline{N}(L) = S$ , 故  $S = \overline{S} \cap Lm(G)$ .

2) 只证  $\sup RCN(L) = \sup \underline{N}(L), \sup \underline{N}(L) = \sup D(L)$  可用相同的方法获得.

根据  $RCN(L)$  及  $\underline{N}(L)$  的定义,  $RCN(L) \subseteq \underline{N}(L)$ , 即  $\sup RCN(L) \subseteq \sup \underline{N}(L)$ . 因  $L$  为  $Lm(G)$  闭, 由(1),  $\sup \underline{N}(L)$  亦为  $Lm(G)$  闭, 则

$$\sup \underline{N}(L) \in RCN(L) \Rightarrow \sup \underline{N}(L) \subseteq \sup RCN(L). \quad (18)$$

因此  $\sup RCN(L) = \sup \underline{N}(L)$ .

从这个定理出发,采用与引理 3 相似的方法,即有:

$$\sup RCN(L) = \sup \underline{N}(\sup F(L)),$$

$$\sup \underline{Z}(L) = \sup D(\sup F(L)).$$

根据定理 1,可以先求出  $\sup F(L)$ ,而关于  $\sup D(L), \sup \underline{N}(L)$  的求法可见文献[5,6].通过这种逐级优化的方法,简化了求解的复杂性,弥补了目前研究中对  $L$  非闭时优化手段的缺乏,从而为监控器的设计和优化提供了理论依据.

## 5 小 结

$Lm(G)$  闭子语言在非阻塞监控器设计中起重要作用.本文我们在得到  $Lm(G)$  闭子语言闭形解的基础上,研究了能观和部分能观下能控子语言的优化方法,分析了相应语言类间的内在联系,为监控器的设计和优化提供了一条简明的途径.

## 参 考 文 献

- 1 Ramadge, P. J. and Wonham, W. M.. On the supremal controllable sublanguages of a given languages. SIAM J. Control Optim., 1987, 25: 637—659
- 2 Chen, E. and Lafortune, S.. On nonconflicting languages that arise in supervisory control of discrete event systems. Systems Control Lett., 1991, 17: 105—113
- 3 Lafortune, S. and Chen, E.. The infimal closed controllable superlanguages and its applications in supervisory control. IEEE Trans. Automat. Contr., 1990, AC-25(4): 398—405
- 4 Brandt, R. D. et al.. Formulas for calculating supremal controllable and normal sublanguages. Systems Control Lett., 1990, 15: 111—117
- 5 Cho, H. and Marcus, S. I.. On supremal languages of a class of sublanguages that arise in supervisor synthesis problems with partial observations. Math. Control Signal Systems, 1989, 2: 47—69
- 6 Chen, H. and Marcus, S. I.. Supremal and maximal sublanguages arising in supervisor synthesis problems with partial observation. Math. Control Signal Systems, 1989, 22: 177—211
- 7 Fa, J. H. and Zheng, Y. P.. Formulas for a class of controllable and observable sublanguages larger than the supremal controllable and normal sublanguages. Systems Control Lett., 1993, 20: 11—18
- 8 Kumar, R. , et al.. On controllability and normality of discrete event dynamical systems. Systems Control Lett., 1991, 17: 157—168
- 9 Lin, F. and Wonham, W. M.. On observability of discrete event systems. Infor. Sci., 1988, 44(3): 173—198
- 10 Rudie, K. and Wonham, W. M.. The infimal prefix close and observable superlanguage of a given language. Systems Control Lett., 1990, 15: 361—371

# Formulas for Class of a $Lm(G)$ -Closed Sublanguages that Arise in Nonblocking Supervisor Synthesis

YAN Wenjun and JIANG Jingping

(Institute of Electrical Automation, Zhejiang University • Hangzhou, 310027, PRC)

SUN Youxian

(Institute of Industrial Process Control, Zhejiang University • Hangzhou, 310027, PRC)

**Abstract:** This paper studies the way to find supremal sublanguages of a given language that arise in supervisor synthesis. A formula for calculating  $Lm(G)$ -closed sublanguage is given, some procedures to find controllable and/or observable  $Lm(G)$ -closed languages are developed. Then, some closed form solutions are concluded and their relationship are discussed in brief.

**Key words:** supervisor;  $Lm(G)$ -closed sublanguage; controllability; observability

## 本文作者简介

**颜文俊** 1965年生。1986年7月在浙江大学电机系获学士学位,同年8月到温州大学电子工程系任教。1990年2月在浙江大学获硕士后,进入浙江大学工业控制技术研究所攻读博士学位。目前在浙江大学电机系电工学科流动站工作。主要研究兴趣有工业过程模型化及控制、离散事件动态系统理论、复杂控制系统智能化和工业电气自动化等。

**蒋静坪** 1935年生。1958年毕业于浙江大学电机系。现为浙江大学电机系教授,博士生导师。长期从事工业电气自动化及计算机实时控制教学与研究工作。主要研究方向为智能控制和计算机控制。

**孙优贤** 见本刊1997年第1期第41页。