

非线性系统有限时间控制研究综述

刘洋¹, 井元伟^{1†}, 刘晓平², 李小华³

(1. 东北大学 信息科学与工程学院, 辽宁 沈阳 110819;

2. 湖首大学 工程学院, 安大略 桑德贝 P7B 5E1;

3. 辽宁科技大学 电子与信息工程学院, 辽宁 鞍山 114051)

摘要: 近30年来,有限时间控制因其具有收敛速度快、抗扰性强、控制精度高等优点,引起了学者们的研究兴趣. 据作者所知,目前鲜有文献系统地总结有限时间控制的相关研究内容. 因此,本文致力于较为系统且完整地给出非线性系统有限时间控制方法的研究进展. 主要内容包括如下几方面: 研究意义; 有限时间的定义, 判据及设定时间表达式; 有限时间设计方法的研究现状以及未来工作.

关键词: 非线性系统; 有限时间控制; 加幂积分; 齐次系统理论; 终端滑模

引用格式: 刘洋, 井元伟, 刘晓平, 等. 非线性系统有限时间控制研究综述. 控制理论与应用, 2020, 37(1): 1 – 12

DOI: 10.7641/CTA.2019.90351

Survey on finite-time control for nonlinear systems

LIU Yang¹, JING Yuan-wei^{1†}, LIU Xiao-ping², LI Xiao-hua³

(1. College of Information Science and Technology, Northeastern University, Shenyang Liaoning 110819, China;

2. Faculty of Engineering, Lakehead University, Thunder Bay Ontario P7B 5E1, Canada;

3. College of Electrons and Information Engineering, University of Science and Technology Liaoning, Anshan Liaoning 114051, China)

Abstract: Over the past three decades, the finite-time control (FTC) has received more and more attention due to the faster convergence, the better disturbance rejection and the higher control accuracy. To the best of our knowledge, there is less report to summarise further the corresponding study with respect to the finite-time control of nonlinear systems. For this case, this work will devote to sum up the development of FTC. The main details include: research significance, the definitions, lemmas and settling-time forms of FTC, the research status of the finite-time design schemes and the future work.

Key words: nonlinear systems; finite-time control; adding a power integrator; homogeneous system theory; terminal sliding mode

Citation: LIU Yang, JING Yuanwei, LIU Xiaoping, et al. Survey on finite-time control for nonlinear systems. *Control Theory & Applications*, 2020, 37(1): 1 – 12

1 引言

针对某一系统进行控制器设计时,首要考虑的便是如何让其稳定地运行,换句话说,系统的稳定性是一切期望性能之基础. 从20世纪中期至今,控制理论得到了空前的发展,涌现出大量可靠、优秀的控制方法,包括PID控制、极点配置、状态反馈、观测器、最优控制、模糊控制以及自适应控制等. 这些方法均从不同的角度完善了控制理论,并解决了一些工程应用

问题. 然而,大部分已有设计方法,如PID控制和基于Lyapunov稳定性理论的方法却只能得到渐近稳定的结果,即只有当时间趋于无穷大时,系统的状态才能收敛到平衡点. 但是,在诸多实际应用中,人们希望控制目标可尽快实现^[1-2]. 比如当紧急情况发生时,汽车能够尽快停下来,从而降低人员伤亡;战争期间,若干个飞行器的编队作战或协同拦截,以便更快更精准地消灭敌机;在追击问题中,期望设计的导弹可以尽快

收稿日期: 2019-05-14; 录用日期: 2019-10-12.

†通信作者. E-mail: ywjjing@mail.neu.edu.cn; Tel.: +86 24-83684583.

本文责任编辑: 武玉强.

国家自然科学基金项目(61773108), 加拿大自然科学基金与工程研究基金项目(RGPIN-2017-05367), 国家留学基金委基金项目(201606080044), 辽宁省自然科学基金项目(20180550319)资助.

Supported by the National Natural Science Foundation of China (61773108), the Natural Sciences and Engineering Research Council of Canada (RGPIN-2017-05367), the China Scholarship Council (201606080044) and the National Natural Science Foundation of Liaoning Province (20180550319).

跟踪并击中目标;亦或在实际生产过程中,商家希望在最短的时间内生产出更多的商品等等.而此时渐近稳定的结果无法满足人们的要求.于是,有限时间控制应运而生.

有限时间稳定性定义的雏形可回溯至1963年^[2].但是,该技术的蓬勃发展是在20世纪90年代,主要源于有限时间李雅普诺夫理论^[3]和齐次系统理论^[4]的产生和完善.从那时起至今,非线性系统有限时间控制的研究已吸引了大批学者,并获得了丰硕的成果.因此,基于前辈们的优秀工作,本文将致力于尽可能详尽地总结和阐述非线性系统有限时间控制的发展情况.在给出具体非线性系统有限时间控制方法研究概述前,先将该领域涉及的一些定义和判据作简要的介绍.

符号说明: \mathbb{R}^i 代表 i 维欧式空间;如果 A 为一向量或矩阵,那么 A^T 为 A 的转置, $\|A\|$ 为 A 的欧式范数; $|x|$ 为实数 x 的绝对值.

2 非线性系统有限时间稳定的定义、判据及设定时间表达式

为了后续内容叙述的方便,现给出两个非线性系统模型,分别为

$$\dot{x}(t) = f(x(t)), \quad (1)$$

$$\dot{x}(t) = f(x(t)) + d(t), \quad (2)$$

其中: $x(t)$ 为系统的状态, $f: D \rightarrow \mathbb{R}^n$ 为非线性函数, d 为外部扰动.

2.1 非线性系统有限时间稳定的定义

定义 1^[3-5] 针对非线性系统(1),如果存在一个函数 $T_x(x_0): \Omega \setminus \{0\} \rightarrow (0, \infty)$,使得对于任意的 $t \in [0, T_x(x_0)]$,满足如下两个条件:

$$1) \text{ 当 } t \rightarrow T_x(x_0) \text{ 时, } \lim_{t \rightarrow T_x(x_0)} x(t, x_0) = 0;$$

$$2) \text{ 当 } t > T_x(x_0) \text{ 时, 有 } x(t, x_0) \equiv 0.$$

那么系统(1)是局部有限时间稳定的.若 $\Omega = D = \mathbb{R}^n$,则系统为全局有限时间稳定的.

定义 2^[6-7] 考虑非线性系统(2),如果存在 $\varepsilon > 0$ 和 $0 < T(\varepsilon, x_0) < \infty$,使得

$$\|x\| < \varepsilon, t \geq t_0 + T(\varepsilon, x_0), \quad (3)$$

其中 $x(t_0) = x_0$,那么,系统(2)是局部实际有限时间稳定的.若 $D = \mathbb{R}^n$,则系统为全局实际有限时间稳定的.

注 1 按照定义2的叙述,渐近稳定控制器,如 $u = -kx$ 亦可得实际有限时间稳定的结果.但这样不仅无法显示带有幂指数参数的有限时间控制的优势,而且也会阻碍有限时间控制的进一步发展.为了区分有限时间有界(带幂指数的,如 $u = -kx^{\frac{3}{2}}$)和渐近有界(如 $u = -kx$)的不同,文献[8]给出了如下新的定义.

定义 3^[8] 对于非线性系统(2),如果存在函数 $T(x_0): \Omega \setminus \{0\} \rightarrow (0, \infty)$, $f: D \rightarrow \mathbb{R}^n$ 和一个正数 Δ ,使得,当 $t \geq T(x_0)$ 时, $\|x\| < \Delta$,且系统(1)是有限时间稳定的,即满足定义1,那么,系统(2)称为局部有限时间收敛稳定.若 $\Omega = D = \mathbb{R}^n$,则该系统为全局有限时间收敛稳定.

2.2 非线性系统有限时间稳定的判据

在上一小节中,已经给出了几个主要的非线性系统有限时间稳定的定义.本小节将总结非线性系统有限时间稳定或有限时间有界的判定方法.

引理 1^[3] 考虑非线性系统(1),若存在一个 C^1 函数 $V(x) > 0$,满足

$$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x), x \in D \setminus \{0\}, \quad (4)$$

其中: $c > 0, 0 < \alpha < 1$,则系统是有限时间稳定的.

为了使系统状态收敛更快,给出如下引理:

引理 2^[9] 对于一个非线性系统(1),若存在一个 C^1 函数 $V(x) > 0$,使得

$$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) - bV(x), x \in D \setminus \{0\}, \quad (5)$$

其中: $c > 0, b > 0, 0 < \alpha < 1$,则系统是有限时间稳定的.

不同于引理1和2,文献[10]给出一种较两者更快的充分条件,即引理3.

引理 3^[10] 针对系统(1),若存在一个 C^1 函数 $V(x) > 0$,使得

$$\dot{V}(x) \leq -cV^{\alpha_1}(x) - bV^{\alpha_2}(x), x \in D \setminus \{0\}, \quad (6)$$

其中: $c > 0, b > 0, 0 < \alpha_1 < 1, \alpha_2 \geq 1$,则系统是快速有限时间稳定的.

注 2 根据已有文献结果可知,采用引理2使系统(1)实现有限时间稳定所需时间要比引理1更短.具体的证明过程可以参见文献[11]的注2.1.同时,在文献[10]中也说明了引理2是引理3的一种特例,因为当 $\alpha_2 = 1$ 时,引理3就等价于引理2.而且,引理3可以使状态收敛的更快.

引理 4^[12] 针对系统(1),如果存在正定且连续的函数 $V(x)$,使得

$$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) + bV(x), x \in D \setminus \{0\}, \quad (7)$$

其中: $c > 0, b > 0, 0 < \alpha < 1$,则系统是有限时间稳定的.

注 3 引理4只能够说明在集合 Φ 内,系统的状态才能在有限时间收敛到平衡点,且 $\Phi = \{x: V^{1-\alpha}(x) < \frac{c}{b}\} \cap D$.因此,所得结果是局部的.在该引理的基础上,文献[8]给出了一个保守性更小的定理,即如下的扩展局部有限时间稳定.

引理 5^[8] 针对系统(1),如果存在正定且连续的函数 $V(x)$,使得

$$\dot{V}(x) \leq -cV^{p_1}(x) + \sum_{i=1}^m \beta_i V^{p_{2i}}(x), \quad x \in D \setminus \{0\}, \quad (8)$$

其中: $c > 0, \beta_i > 0, 0 < p_1 < 1, p_{2i}$ 为大于 p_1 的任意正整数, 则系统是局部有限时间稳定的.

引理 6^[7] 针对系统(1), 如果存在正定且连续的函数 $V(x)$, 使得

$$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) + \epsilon, \quad x \in D \setminus \{0\}, \quad (9)$$

其中: $c > 0, \epsilon > 0, 0 < \alpha < 1$, 则系统是实际有限时间稳定的.

引理 7^[13] 针对系统(1), 如果存在正定且连续的函数 $V(x)$, 使得

$$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) - bV(x) + \epsilon, \quad x \in D \setminus \{0\}, \quad (10)$$

其中: $c > 0, b > 0, \epsilon > 0, 0 < \alpha < 1$, 则系统是快速实际有限时间稳定的.

2.3 设定时间表达式

本小节的工作是给出各类设定时间的显式表达, 见表1-2.

表 1 有限时间稳定的充分条件及设定时间

Table 1 Sufficient condition of finite-time stability and its settling time

有限时间稳定的充分条件	设定时间的表达式
$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x)$	$T_1 \leq T_{11}$
$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) - bV(x)$	$T_2 \leq T_{21}$
$\dot{V}(x) \leq -cV^{\alpha_1}(x) - bV^{\alpha_2}(x)$	$T_{3i}, i = 1, 2$
$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) + bV(x)$	$T_4 \leq T_{41}$
$\dot{V}(x) \leq -cV^{p_1}(x) + \sum_{i=1}^m \beta_i V^{p_{2i}}(x)$	$T_5 \leq T_{51}$

表 2 实际有限时间稳定的充分条件及设定时间

Table 2 Sufficient condition of practical finite-time stability and its settling time

实际有限时间稳定的充分条件	设定时间的表达式
$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) + \epsilon$	$T_6 \leq T_{61}$
$\dot{V}(x) \leq -cV^\alpha(x) - bV(x) + \epsilon$	$T_7 \leq T_{71}$

表1-2中: T_{3i} 的表达式见注4, 而 $T_{j1} (j = 1, 2, 4, 5, 6, 7)$ 分别为

$$T_{11} = \frac{1}{c(1-\alpha)} (V(x_0))^{1-\alpha},$$

$$T_{21} = \frac{1}{b(1-\alpha)} \ln(1 + \frac{b}{c} (V(x_0))^{1-\alpha}),$$

$$T_{41} = \frac{1}{b(1-\alpha)} \ln(1 - \frac{c}{b} V^{1-\alpha}(x_0)),$$

$$T_{51} = \frac{V^{1-p_1}(x_0)}{(c - \sum_{i=1}^m \beta_i V^{p_{2i}-p_1}(x_0))(1-p_1)},$$

$$T_{61} = \frac{V^{1-\alpha}(x_0)}{k\theta_0(1-\alpha)},$$

$$T_{71} = \max \left\{ \frac{\ln \frac{k\theta_0 V^{1-\alpha}(x_0) + c}{c}}{k\theta_0(1-\alpha)}, \frac{\ln \frac{kV^{1-\alpha}(x_0) + \theta_0 c}{c}}{k(1-\alpha)} \right\}.$$

注 4 这里将给出表1中设定时间 T_{3i} 的形式. 当 $i = 1$ 且 $\alpha_2 > 1$ 时, 有

$$T_{31} \leq \frac{1}{b(1-\alpha_1)} + \frac{V^{1-\alpha_2}(x_0) - 1}{c(1-\alpha_2)}, \quad \alpha_2 > 1,$$

当 $i = 2$ 且 $\alpha_2 = 1$ 时, 有 $T_{32} = T_{21}$.

注 5 表1和表2中的参数选择可参见第2.2节. 两个表中已经给出了有限时间控制中常用的设定时间的形式. 但是, 仍有两种比较重要的形式没有提及. 一种叫做固定时间控制, 其收敛时间表达式可见第3.4.1节; 另一种称为预设有限时间控制^[14-16], 其设定时间可以任意设置, 不仅与初始条件无关, 而且与设计参数也无关.

3 非线性系统有限时间控制的研究概述

本节根据控制信号的连续性, 将非线性系统有限时间控制方法分为如下几类: 连续有限时间控制、不连续有限时间控制、光滑有限时间控制和其他经典有限时间控制方法, 并逐一进行概述.

3.1 控制信号连续的有限时间研究概述

利用增加幂次积分技术和齐次系统理论得到的有限时间控制器是连续的, 关于它们的研究进展将通过下面两小节来具体叙述.

3.1.1 基于增加幂次积分的有限时间研究概述

增加幂次积分 (adding a power integrator, AAPI) 是连续非光滑控制中一种十分有效的方法, 由于其具有较好的抗扰性且可实现全局收敛, 一直受到大量学者的关注. Lin 等人在文献[17-19]中多次利用该技术, 并得到了若干渐近稳定的结果. 直到2005年, 文献[20]第一次利用增加幂次积分 AAPI 技术, 解决了 n 维非线性系统全局有限时间镇定问题. 因为该技术中既不存在基于齐次系统理论的局限性(这里主要指无法处理扰动系统且不能给出收敛时间表达式), 又可以避免终端滑模方法的奇异和抖震问题, 同时可以显式地给出收敛时间的上界. 因此, 基于 AAPI 的有限时间控制方法, 一经提出便引起了学者们的广泛关注. 目前, 针对各类非线性系统, 已存在了大量的结果.

与文献[20]不同, 文献[21]首次针对上三角非线性系统, 采用 top-down 和 bottom-up 技术^[22], 解决了全局有限时间控制问题. 到目前为止, 可能由于处理上三角系统较为困难, 导致此类系统的有限时间控制结果并不是很多^[23-24]. 在上述文献的基础上, 文献[25]和

文献[10, 26–31]研究了一类更一般的非线性系统的有限时间控制问题, 这类系统被称为 p -规范型系统, 可表示成

$$\begin{cases} \dot{x}_i = x_{i+1}^{p_i} + f_i(\bar{x}_i), \\ \dot{x}_n = u^{p_n} + f_n(\bar{x}_n), \end{cases} \quad (11)$$

其中: $i = 1, \dots, n-1$, $\bar{x}_i = [x_1 \ \dots \ x_i]^T$ 为系统的状态. 若 $p_i = 1$, 则此类系统便等价于一般类型的下三角非线性系统. 值得注意的是, 文献[10, 25–28]考虑的是 $p_i \in \mathbb{R}_{\text{odd}}^{\geq 1}$, 这里, $\mathbb{R}_{\text{odd}}^{\geq 1} \triangleq \{\frac{a}{b} \mid a \text{ 和 } b \text{ 均为正奇整数, } a \geq b\}$; 而文献[29–30]只要求 p_i 为正奇有理数, 即, $p_i \in \mathbb{Q}_{\text{odd}}^{\geq 1}$, 这说明其适应范围更广一些. 此外, 文献[31]考虑的情况更加灵活, 即 p_i 为正实数. 具体来说, 文献[32]假设未知非线性函数满足幂次为1的增长条件, 而文献[25]放松了该假设条件, 幂次在 $[0, +\infty)$ 上可取为任意值, 并给出了满足该条件的实际系统的例子. 在文献[25]的基础上, 文献[10]给出了一个新的有限时间稳定的充分条件, 相较于文献[25], 该方法可使系统的状态更快速地收敛. 文献[26, 28]针对一般 p -规范型和时滞 p -规范型系统, 分别给出了其有限时间稳定的设计方法. 文献[27]则只得到了有限时间有界的结果. 文献[29–30]分别研究了 p 是正奇有理数时, 非线性系统的有限时间控制问题. 最近, 孙宗耀等人提出了一种新的快速有限时间稳定控制器的设计方法, 该方法对收敛时间估计具有较小的保守性, 并将其应用到了高阶系统自适应控制^[33]和具有动态不确定的高阶系统中^[34]. 文献[35]考虑了有限时间优化问题, 所提方法不仅考虑了系统性能, 而且可以节省能源.

在实际应用中, 存在这样一类情况, 即动态系统的运动方向是未知的, 也可以称为控制增益/方向未知, 比如吸气式高超声速飞行器的姿态控制^[36]、船舶的航向控制^[37]或者多智能体的编队^[38]等, 这给系统的设计带来了巨大的困难. 在文献[39]中, Nussbaum提出了一种利用其名字命名的函数, 即Nussbaum增益函数, 解决了此问题. 随后, 涌现出大量关于未知控制方向的结果^[40–42], 但结论均为渐近有界的. 文献[43]首次考虑了此类系统的全局有限时间镇定问题, 设计了一个基于Lyapunov函数的逻辑切换规则, 从而克服了未知增益带来的设计困难, 并使系统的状态在有限时间收敛到零.

近年来, 学者们提出了一些新的有限时间控制结果. 在文献[44]中, 作者设计了一个新的有限时间控制器, 系统的状态不仅是有限时间稳定的, 而且可以通过调节参数 c 的值, 来获得期望的收敛速率和收敛时间. 文献[45]给出了一种新的有限时间观测器的设计方法. 除此之外, 采用增加幂次积分技术, 诸多非线性系统的有限时间控制问题得到了解决, 如随机非线性系统^[46–47]、纯反馈非线性系统^[48–49]、非完整系

统^[50–51]、非线性切换系统^[52–53]以及非线性互联大系统^[54]等. 由于有限时间具有较强的抗扰性、较快的收敛速度以及较高的控制精度, 所以在实际系统中同样存在大量的应用, 如飞行器的姿态同步^[55–56]、气味源定位^[57]、四轴飞行器的空中悬停控制^[58]、四轮汽车控制^[59]、汽车机器人^[60]以及电车爆胎控制^[61]等.

以上提及的研究大都是假设系统的状态是完全可测的, 但工程实践中往往系统的部分状态或全部状态不可测. 这时上述设计方法将不可利用, 需借助动态输出反馈控制来完成相应的控制器设计. 文献[62–63]分别考虑了一个二阶系统和一类连续但非光滑的非线性系统全局有限时间输出反馈控制, 这也是较早的研究结果. 文献[12]针对一类非线性系统, 设计了一个高增益观测器, 并提出了一个局部有限时间稳定的引理. 文献[64]针对一类主从混沌系统, 给出了全局有限时间同步的控制方法. 在每一个智能体的速度均不可测的情况下, 文献[65]运用动态输出反馈方法, 解决了多智能体系统有限时间编队问题. 针对高阶前馈系统, 作者凭借增加幂次积分和齐次占优方法, 探究了其有限时间输出反馈镇定问题^[66]. 当然, 除了上述给出的增加幂次积分输出反馈的成果外, 仍有大量的结果是关于非线性系统有限时间观测器的设计. 尽管有一些结果是运用增加幂次积分的方法, 但是观测器却为齐次观测器, 亦或是终端滑模观测器. 为了使本文的叙述更加清晰, 这部分结果将会在后文的第3.1.2节和第3.2节中进行详细地阐述.

3.1.2 基于齐次系统理论的有限时间研究概述

相较于增加幂次积分方法而言, 利用齐次理论实现非线性系统有限时间控制的过程更简便, 所得控制器的形式也更简单. 文献[4]最早给出了齐次有限时间稳定的结论, 这里简述为, 齐次系统是有限时间稳定的, 当且仅当该系统是渐近稳定的并且具有负齐次度. 该理论的提出为齐次有限时间控制的研究奠定了基础. 然而, 该技术却对非齐次系统的控制器设计无能为力. 因此, 文献[67–68]提出了一个新的定理, 即若一个非齐次系统可以被分解成一个齐次系统和一个非齐次项, 并且非齐次系统、齐次系统及非齐次项分别满足渐近稳定、有限时间稳定和特定约束, 则该非齐次系统是有限时间稳定的. 这一结论被文献[8]称为扩展齐次定理. 但是, 上述的两个重要结论无法显式地给出收敛时间上界的表达式. 于是, 经过该研究领域学者的努力, 文献[69–70]揭示了基于李雅普诺夫理论与齐次系统理论的有限时间控制间的联系, 可概括成, 若齐次系统是有限时间稳定的, 则 $\dot{V} \leq -cV^{(\mu+v)\mu}$, 其中: V 是一个 \mathbb{C}^1 李氏函数, μ 是函数 V 的齐次度, v 是系统的齐次度, $c > 0$ 是一个常数, 这样便可计算出收敛时间的上界. 该定理通常被称为齐次反推定理^[8]. 后续的研究工作几乎均是依赖上述3个重要定理. 在

文献[4]的基础上,文献[71]研究了齐次切换系统的有限时间稳定性.根据文献[69–70]的设计思想,文献[72]考虑了一类齐次随机非线性系统的有限时间稳定性问题.在无向拓扑的情况下,文献[73]利用齐次有限时间控制方法,为多智能体系统设计了一个分布式跟踪协议,以确保所有智能体可在有限时间被同时镇定.

另外,在许多实际系统中,该方法也得到了广泛的应用.针对一个具有二自由度的机械手臂系统,文献[74]提出了比例-微分加(proportion differential +, PD+)的全局有限时间跟踪控制方法.在文献[74]的基础上,作者考虑了机械臂系统执行器受限的情况,进一步给出了齐次饱和控制器的设计方案^[75].再进一步,文献[76]致力于研究多机械臂的协同控制,通过齐次理论,使得全部机械臂在有限时间收敛到目标位置.在小行星中心极坐标系下,文献[77–78]研究了探测器软着陆的齐次有限时间控制问题.文献[79]则探究了直流-直流变频器系统的有限时间自适应稳压控制.齐次有限时间稳定成立的前提,是存在一个精确描述的系统模型,否则无法计算系统的齐次度,这使得该方法具有一定的局限性.文献[80]虽然考虑了系统的外界扰动和参数不确定性,但是需要假设其随着系统的收敛最终衰减到零,这对扰动和不确定的限制较大.

同样地,上述结果只考虑了状态反馈的情况.接下来,本文将分析利用齐次理论设计有限时间输出反馈控制器的结果.文献[67]针对双积分器系统,首次提出了一种结构简单的齐次观测器的设计方法.通过与前文介绍的扩展齐次定理相结合,其应用范围变得更加广泛^[81–83].其中,沈艳军等人提出了一系列相关结果^[9,12,84–86].文献[12]第一次根据齐次反推定理给出了有限时间观测器的设计过程,并得出结论:如果非线性系统满足一致可观测和全局李普希茨条件,那么对于该系统存在半全局有限时间观测器.此后,通过引入一个观测器增益适应律,文献[9,84]提出了一个全局的有限时间观测器设计方法.文献[85]进一步将单输出的结果^[9,12,84]扩展到了多输出的情况.而文献[86]则提出了一个新的增益适应律.此外,文献[87]考虑了一类时变非线性系统的有限时间观测器设计问题.根据文献[8]可知,齐次观测器和齐次反推观测器尽管形式大致一样,但对于非线性项的处理,后者具有较小的保守性,具体分析可见文献[8].基于齐次理论的输出反馈技术也在很多实际模型中得到了应用,如飞行器姿态协同设计^[88]、感应电机直接转矩控制^[89]、无摩擦的机械系统控制^[90]等.

3.2 控制信号不连续的有限时间研究概述

目前,应用最为广泛的一种控制信号不连续的有限时间控制方法为终端滑模控制(*terminal sliding mode control*, TSMC)技术.因此,本小节将对其研究状况展开论述.在介绍TSMC方法之前,不得不提及滑

模控制(*sliding mode control*, SMC),这是一种十分有效的非线性系统控制策略.设计过程主要分成两个部分^[91],第1部分为滑模面设计,第2部分则为控制律设计.然而,利用传统的线性滑模面,系统状态的收敛速率最快为指数形式,无法实现有限时间收敛.于是,文献[92–93]率先提出了TSMC方法.但是,早期的TSMC研究^[92–95]主要存在两个缺陷:一是当系统的状态远离平衡点时,TSMC反而比SMC收敛更慢;二是存在奇异问题,即会产生无界的控制输入.为了解决这两个问题,文献[96]结合TSMC的优势和传统线性滑模面的设计想法,提出了快速TSMC技术(*fast-TSMC*, FTSMC),以此来解决第一个问题.文献[97]则提出了非奇异终端滑模控制(*nonsingular-TSMC*, NTSMC)来解决第2个问题.由于文献[93,96–97]均属于不连续控制,易造成系统的抖震,这是实际中不希望发生的.为了减少或消除抖动,方法1是利用边界层(*boundary layer*, BL)方法来替换符号函数或正弦函数,但根据文献[98–99]可知,BL技术易产生较大的稳态误差且有限时间稳定性将缺失;方法2是在研究机械臂轨迹跟踪时,提出了一种连续的TSMC设计方案^[100];方法3则采用高阶滑模技术^[101–103].

近几年,终端滑模控制也有了一些新的进展.针对具有时变不确定的二阶非线性系统,文献[104]结合全局滑动面(*global sliding surface*, GSS),给出了一个新的FTSMC方法.文献[105]研究了一类非线性分数阶系统的自适应有限时间输出反馈控制器设计问题.同时考虑NTSMC和固定时间扰动观测器两种技术,文献[106]提出了一个适合二阶不确定系统的复合鲁棒控制方法.文献[107]讨论了非线性非仿射系统的非奇异快速终端滑模控制(NFTSMC)问题,运用泰勒级数展开,将非仿射结构转化为仿射形式,这简化了后续控制器和扰动观测器的设计过程.文献[108]以一个新的视角设计了NTSM控制器,使得系统的状态是全局固定时间稳定的.在文献[109]中,作者给出了一个更灵活的自适应全局终端滑模控制器设计方法,设计的两个自适应律分别用来估计不确定项和扰动的上界.针对离散系统,综合Grunwald-Letnikov分数阶定义和TSMC方法,文献[110]设计了一个高跟踪精度的分数阶终端滑模控制器.文献[111]指出,在缺乏状态信息时,同时使用积分链微分器和微分进化优化算法,可以取消参数估计的约束.基于此,该文提出了一种非线性系统的FTSMC方法.此外,许多高阶滑模控制器也可以实现有限时间控制目标^[112–114].类似地,终端滑模控制也被用来解决大量的实际问题,比如六足行走机器人的姿态控制^[115]、永磁同步电动机速度跟踪控制^[116]、全电刹车系统控制^[117]、Van der Pol混沌振荡器同步控制^[118]、机械系统快速有限时间控制^[119]等.

3.3 控制信号光滑的有限时间研究概述

前两小节涉及的控制器均为非光滑的. 目前, 有关光滑有限时间控制的结果却很少, 基本可以归结成两类: 一类是通过速度转换, 另一类是基于状态约束的思想. 两种控制方法的优势不仅在于实现了控制器的光滑性, 而且系统状态的收敛时间可以提前设置, 与初始条件和设计参数均无关. 此外, 与第3.1节和第3.2节不同, 本节介绍的有限时间稳定的充分条件将不再依赖“ $\dot{V} \leq -cV^\alpha$ ”, “ $\dot{V} \leq -cV^\alpha - bV$ ”或“ $\dot{V} \leq -cV^\alpha + bV$ ”等充分条件, 其中: $c > 0, b > 0$ 且 $0 < \alpha < 1$. 接下来, 将具体给出两种光滑有限时间控制方法的研究现状.

3.3.1 速度转换有限时间控制

该控制思想是在2016年由重庆大学宋永端团队率先提出^[14], 其基本设计思路可概括为: 系统变换, 即找到一个在期望时间可以增长到无穷大的时变函数, 利用该函数将所研究系统转换成一个新系统. 若能求证新系统是输入-状态-稳定的(input-state-stability, ISS), 则可知原系统为有限时间ISS的. 因此, 原系统的状态可在预设时间收敛到原点. 这里的转换函数为

$$v(t - t_0) = \left(\frac{T}{T + t_0 - t} \right)^{n+m},$$

其中: T 代表期望的收敛时间, n 和 $m \geq 1$ 分别为系统维数和一个常数.

文献[15, 120]将文献[14]的方法应用到了高阶多智能体一致性控制研究中. 在文献[121]中, 作者详细比较了传统有限时间控制(带幂次的反馈)和速度转换有限时间控制, 对比内容主要包括控制结构、收敛时间、抗扰性等. 基于文献[14]的想法, 文献[122]针对非完整非线性系统, 设计了一个有限时间输出反馈控制器. 目前, 关于此类方法的研究成果并不是很多, 但由于其设计简单及上述优势, 未来的相关研究可能会越来越多. 但此类设计方法只反映了系统状态从初始时刻到期望时刻 T 的动态变化, 时间 T 之后的运动情况无法获知, 这仅对于一部分实际问题可行, 如导弹打击毁目标的行为等.

3.3.2 状态约束有限时间控制

文献[16, 123–124]提出了另一类光滑的有限时间控制方法, 其基本思想主要受约束控制方法的启发. 简述为, 设计一个可在有限时间到达预先设定的任意小邻域的时变函数, 结合一个单调递增且有界的误差转换函数或barrier Lyapunov函数, 便可保证系统的状态、输出或跟踪误差在指定时间收敛到提前设计好的区域内. 文献[16, 123–124]给出了两个不同的时变函数, 分别为

$$\rho(t) = \begin{cases} (\rho_0^\tau - \tau\lambda t)^{\frac{1}{\tau}} + \rho_{T_f}, & t \in [0, T_f], \\ \rho_{T_f}, & t \in (T_f, +\infty), \end{cases}$$

$$v(t) = \begin{cases} (v_0 - \frac{t}{T_f})e^{(1-\frac{T_f}{T_f-t})} + v_{T_f}, & t \in [0, T_f], \\ v_{T_f}, & t \in (T_f, +\infty), \end{cases}$$

其中: $\rho_0, \rho_{T_f}, \lambda$ 和 τ 是正的设计参数; $\tau = \frac{q}{p} \in (0, 1]$, p 和 q 分别是正奇数和正偶数; $v_0 > \frac{5}{4}, v_{T_f} > 0$, 预设的有限时间是 T_f .

与速度转换方法不同的是, 基于约束思想的控制策略考虑了整个时间轴的系统状态的变化情况. 目前, 采用此方法完成有限时间控制的结果并不多. 然而, 因其设计简单且易于实现, 未来也许会有更多的成果涌现.

3.4 其他经典的有限时间研究概述

除了第3.1~3.3小节介绍的3类主要有限时间控制方法外, 本小节将介绍另外两个较为经典的研究成果, 一个是固定时间控制, 另一个则是实际有限时间控制(亦可称为有限时间有界).

3.4.1 固定时间控制

第3.1节和第3.2节中描述的传统有限时间控制方法, 其设定时间函数受系统初始状态影响, 从某种程度上说, 这阻碍了该方法的实际应用, 因为并不是每个实际系统的初始状态都可以提前获悉. 幸运的是, 文献[125]给出了一种新的设计方法, 可称为固定时间控制, 其定义为

定义 4^[125] 系统(1), $x(0) = x_0$, 可称为固定时间稳定的, 如果该系统是有限时间稳定的且设定时间函数 $T(x_0)$ 是有界的, 即 $T(x_0) \leq T_{\max}$.

由上述定义可知, 固定时间控制的优势在于设定时间上界与初始条件无关, 只与设计参数相关. 到目前为止, 文献[125–129]分别给出了几种判据及相应的固定时间表表达式, 可用引理8–11表示. 为表述方便, 现定义一个连续正定且径向无界的函数^[126] $V(x): \mathbb{R}^\ell \rightarrow \mathbb{R}^+ \cup 0$. 接下来, 引理8–11中的 $V(x)$ 如上所述, 且考虑的非线性系统为(1)所示.

引理 8^[125] 如果存在一个函数 $V(x)$, 使得

$$\dot{V}(x(t)) \leq -(\alpha V^p(x(t)) + \beta V^q(x(t)))^k,$$

其中: $\alpha > 0, \beta > 0, p > 0, q > 0, k > 0, pk < 1, qk > 1$, 那么, 系统的原点是固定时间稳定的, 且设定时间可由下式估计, 即

$$T(x_0) \leq T_{\max} := \frac{1}{\alpha^k(1-pk)} + \frac{1}{\beta^k(qk-1)}.$$

引理 9^[127] 如果存在一个函数 $V(x)$, 使得

$$\dot{V}(x(t)) \leq -\alpha V^p(x(t)) - \beta V^q(x(t)),$$

其中: $\alpha > 0, \beta > 0, p = 1 - \frac{1}{2\gamma}, q = 1 + \frac{1}{2\gamma}, \gamma > 1$, 那么, 系统的原点是固定时间稳定的, 且设定时间为

$$T(x_0) \leq T_{\max} := \frac{\pi\gamma}{\sqrt{\alpha\beta}}.$$

引理 10^[128] 如果存在一个函数 $V(x)$, 使得

$$\dot{V}(x(t)) \leq -\alpha V^{2-\frac{p}{q}}(x(t)) - \beta V^{\frac{p}{q}}(x(t)),$$

其中: $\alpha > 0, \beta > 0, q > p > 0$ 且 p 和 q 均为奇整数, 那么, 系统的原点是固定时间稳定的, 且设定时间为

$$T(x_0) \leq T_{\max} := \frac{q\pi}{2\sqrt{\alpha\beta}(q-p)}.$$

引理 11^[129] 如果存在一个函数 $V(x)$, 使得

$$\dot{V}(x(t)) \leq -\alpha V^{\frac{m}{n}}(x(t)) - \beta V^{\frac{p}{q}}(x(t)),$$

其中: $\alpha > 0, \beta > 0, q > p > 0, m > n > 0$ 且 p, q, m 和 n 均为奇整数, 那么, 系统的原点是固定时间稳定的, 且设定时间为

$$T(x_0) \leq T_{\max} := \frac{1}{\alpha} \frac{n}{m-n} + \frac{1}{\beta} \frac{q}{q-p}.$$

根据文献[126]可知, 若令 $\varepsilon \triangleq \frac{q(m-n)}{n(q-p)} \leq 1$, 则一个保守性小的设定时间上界为

$$T(x_0) \leq T_{\max} := \frac{q}{q-p} \left(\frac{1}{\sqrt{\alpha\beta}} \tan^{-1} \sqrt{\frac{\alpha}{\beta}} + \frac{1}{\alpha\varepsilon} \right).$$

目前, 绝大部分固定时间控制的结果均基于上述引理. 最近, 文献[130]首次针对高阶系统提出了固定时间稳定的控制方法. 此外, 许多实际问题也考虑了运用固定时间控制, 如多智能体系统的一致性^[128-129]、刚体飞行器姿态控制^[131]、超音速滑翔车容错控制^[132]以及高超声速导弹控制^[133].

3.4.2 实际有限时间控制

尽管之前的文献中也有一些有限时间有界的结果, 但本小节的实际有限时间控制并不是基于上述的增加幂次积分、齐次理论或终端滑模等控制方法实现的. 文献[6]首次给出了实际有限时间稳定的概念和充分条件. 随后, 青岛大学陈兵等做出了一系列成果. 文献[7]结合模糊逼近技术和自适应控制, 解决了严格反馈非线性系统有限时间控制问题. 而且文中给出了一个引理, 利用该引理可以实现半全局实际有限时间稳定的结果. 之后, 该方法被进一步应用到了非严格反馈系统^[134]、非线性纯反馈系统^[135]、非线性切换系统^[136]等. 在这些方法中, 虽然模糊逻辑系统和神经网络可以逼近虚拟控制律及其各阶导数, 但前提是这些导数应存在. 然而, 文献[7]和文献[134-136]的虚拟信号均为类似于如下形式的函数:

$$\alpha_i = -\frac{1}{2a_i^2} z_i \hat{\theta}_i S_i^T(Z_i) S_i(Z_i) - \frac{1}{2} z_i - k_i z_i^{2\gamma-1},$$

其中: $i = 1, 2, \dots, n, 0.5 < \gamma < 1$, 其他参数意义见文献[7].

由 γ 的取值可以算出 $0 < 2\gamma - 1 < 1$, 那么, 微分 α_i 时便会引起奇异问题, 这是此类方法存在的一个问

题. 为了避免奇异问题的产生, 文献[13]采用指令滤波技术, 提出了一个快速实际有限时间控制算法. 文献[137-138]继续用该方法分别解决了感应电机和飞行器姿态的有限时间控制问题. 在全状态约束和存在死区的情况下, 文献[139]研究了参数严反馈系统的自适应有限时间控制器设计方法. 近些年, 辽宁工业大学佟绍成团队也做出了一些结果^[140-143]. 对于多输入多输出随机非线性系统, 文献[140]提出了一个新的随机有限时间稳定性定理. 文献[141]利用动态面控制处理了backstepping技术中计算复杂性问题, 并考虑了多输入多输出非严格反馈系统的有限时间输出控制问题. 文献[142]讨论了非线性开关系统的自适应神经网络有限时间容错控制器设计问题. 文献[143]则研究了非线性互联大系统分散有限时间滤波器的设计. 文献[144]利用积分滑模技术, 实现了航天器姿态的有限时间容错控制.

注 6 齐次有限时间控制方法需构建一个完全已知的系统模型. 即便是可以运用齐次扩展定理, 但需要满足的条件太严苛. 终端滑模有限时间控制则存在奇异问题和易产生抖震现象. 相比之下, 由于增加幂次积分有限时间技术不会产生上述问题, 许多高阶和具有不确定项的系统, 通常采用该技术. 然而, 增加幂次积分的问题在于设计过程十分复杂, 需要进行大量的不等式缩放, 导致控制输入幅度较大, 所以不适合实际应用. 因此, 需设计更为简单的方法, 如速度转换和约束类方法. 固定时间虽说和初始状态无关, 但此处的无关只是体现在收敛时间的上界与初始值无关, 真实的收敛时间仍受初始状态的影响且控制增益较大. 综上所述, 在未来, 控制器光滑的有限时间控制方法也许会得到较大的发展空间, 因为其具有设计简单、控制律光滑、收敛时间可提前设定且与初始条件和设计参数均无关等优点.

4 结论

本文针对当前的热点问题, 即非线性系统有限时间控制, 从研究背景、基本定义、判定方法以及研究现状等方面, 较为系统地介绍了其发展情况. 尽管近些年涌现了大量研究成果, 但仍有许多相关控制问题未能深入研究, 主要包括以下几方面:

1) 基于观测器的非线性系统预设有限时间控制问题.

利用文中所提的性能函数或改进BLF函数, 研究有限时间输出反馈控制问题. 因为许多情况下, 系统状态不能完全量测, 此时需要借助全维或者降维观测器来解决相应的控制问题. 因此, 设计这样的控制器具有一定的理论和实际意义.

2) 非线性离散系统的有限时间控制问题.

据作者所知, 目前关于非线性离散系统的有限时间控制问题还没有结果呈现. 这里主要是指没有类似于连续系统中 $\dot{V} \leq -cV^\alpha$ 的充分条件. 随着数字控制

理论不断发展,许多控制问题的实现可转化成离散时间控制问题.因此,这方面的研究十分重要.

3) 非线性扩展结构大系统的有限时间控制问题.

扩展结构大系统,简言之,在互联大系统中逐渐增加新的子系统后构造成的新的大系统.它可以用来模拟很多生物界和工业界的情形,比如电力系统扩容问题或者人体植入新的器官等.但是,目前关于此类系统的控制多集中在线性系统中,非线性的结果很少.因此,有必要在该领域做更进一步的探索.

4) 非线性系统有限时间控制方法的实际应用.

大家知道,很多时候理论和工程实际是相互矛盾的,在理论上得出的完美结果,对于工程实际几乎没什么用,这是理论联系实际当中一直亟需解决的问题.在未来,如何利用有限时间控制方法来解决实际生产中的问题,有待于下一步的考察和研究.

除上述内容外,有一开放问题值得探究,如下:

5) 探究收敛更快的有限时间控制方法.

i) 文献[3, 10–11]分别给出了3个不同的有限时间稳定的充分条件(见引理1–3),现简写为

$$\begin{aligned}\dot{V}(x) &\leq -cV^\alpha(x), \\ \dot{V}(x) &\leq -cV^\alpha(x) - bV(x), \\ \dot{V}(x) &\leq -cV^{\alpha_1}(x) - bV^{\alpha_2}(x),\end{aligned}$$

其中: $c > 0, b > 0, 0 < \alpha_1 < 1, \alpha_2 \geq 1$.

受上述文献启发,如果设计一个函数 $V(x)$,使其满足

$$\dot{V}(x) \leq -cV^{\alpha_1}(x) - bV^{\alpha_2}(x) - mV^{\alpha_3}(x),$$

其中: $m > 0, \alpha_2 = 1$ 且 $\alpha_3 > 1$,那么是否可得到较文献[3, 10–11]更快的收敛时间?

ii) 速度转换和状态约束两种有限时间控制技术可以使得收敛时间设计较为灵活,但速度转换只能实现 $[0, T]$ 时间段的状态控制,状态约束只能得到有限时间有界的结果.因此,是否可以寻求一种新的控制方法,其可在整个时间轴内,使得闭环系统信号在有限时间收敛到平衡点且设定时间亦与初始条件和设计参数均无关?

6) 此外,仍有一些问题有待解决,例如:如何找到更简单的李雅普诺夫函数的构造方法?时滞/随机系统有限时间方面结果很少,主要在于李亚普诺夫函数的构造,这亦是未来需探究的方向.

参考文献:

- [1] DING Shihong, LI Shihua. A survey for finite-time control problems. *Control and Decision*, 2011, 26(2): 1 – 10. (丁世宏, 李世华. 有限时间控制问题综述. 控制与决策, 2011, 26(2): 1 – 10.)
- [2] RANG E. Isochrone families for second-order systems. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 1963, 8(1): 64 – 65.
- [3] BHAT S P, BERNSTEIN D S. Lyapunov analysis of finite-time differential equations. *Proceedings of the American Control Conference*. Washington, USA: IEEE, 1995: 1831 – 1832.
- [4] BHAT S P, BERNSTEIN D S. Finite-time stability of homogeneous systems. *Proceedings of the American Control Conference*. Albuquerque, New Mexico: IEEE, 1997: 2513 – 2514.
- [5] BHAT S P, BERNSTEIN D S. Finite-time stability of continuous autonomous systems. *SIAM Journal on Control and Optimization*, 2000, 38(3): 751 – 766.
- [6] ZHU Z, XIA X H, FU M Y. Attitude stabilization of rigid spacecraft with finite-time convergence. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2011, 21(6): 686 – 702.
- [7] WANG H H, CHEN B, LIN C, et al. Adaptive finite-time control for a class of uncertain high-order nonlinear systems based on fuzzy approximation. *IET Control and Applications*, 2017, 11(5): 677 – 684.
- [8] JIANG Boyan. *Research on finite-time control problem for second order system*. Harbin: Harbin Institute of Technology, 2018. (姜博严. 二阶系统有限时间控制问题研究. 哈尔滨: 哈尔滨工业大学, 2018.)
- [9] SHEN Y J, HUANG Y H. Uniformly observable and globally Lipschitzian nonlinear systems admit global finite-time observers. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2009, 54(11): 2621 – 2625.
- [10] SUN Z Y, YUN M M, LI T. A new approach to fast global finite-time stabilization of high-order nonlinear system. *Automatica*, 2017, 81(7): 455 – 463.
- [11] LIU Y, LIU X, JING Y, et al. Design of finite-time H_∞ controller for uncertain nonlinear systems and its application. *International Journal of Control*, 2018, DOI: org/10.1080/00207179.2018.1466060.
- [12] SHEN Y J, XIA X H. Semi-global finite-time observers for nonlinear systems. *Automatica*, 2008, 44(12): 3152 – 3156.
- [13] YU J P, SHI P, ZHAO L. Finite-time command filtered backstepping control for a class of nonlinear systems. *Automatica*, 2018, 92(6): 173 – 180.
- [14] SONG Y D, WANG Y J, HOLLOWAY J, et al. Time-varying feedback for regulation of normal-form nonlinear systems in prescribed finite time. *Automatica*, 2017, 83(9): 243 – 251.
- [15] WANG Y J, SONG Y D. Leader-following control of high-order multi-agent systems under directed graphs: Pre-specified finite time approach. *Automatica*, 2018, 87(1): 113 – 120.
- [16] LIU Y, LIU X P, JING Y W. Adaptive neural networks finite-time tracking control for non-strict feedback systems via prescribed performance. *Information Sciences*, 2018, 468(3): 29 – 46.
- [17] LIN W, QIAN C J. Adding one power integrator: A tool for global stabilization of high-order lower-triangular systems. *Systems & Control Letters*, 2000, 39(5): 339 – 351.
- [18] QIAN C J, LIN W. A continuous feedback approach to global strong stabilization of nonlinear systems. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2001, 46(7): 1061 – 1079.
- [19] QIAN C J, LIN W. Non-lipschita continuous stabilizers for nonlinear systems with uncontrollable unstable linearization. *Systems & Control Letters*, 2001, 42(3): 185 – 200.
- [20] HUANG X Q, LIN W, YANG B. Global finite-time stabilization of a class of uncertain nonlinear systems. *Automatica*, 2005, 41(5): 881 – 888.
- [21] DING S H, QIAN C J, LI S H, et al. Global stabilization of a class of upper-triangular systems with unbounded or uncontrollable linearizations. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2011, 21(3): 271 – 294.
- [22] TSINIAS J, TZAMTZI M P. An explicit formular of bounded feedback stabilizers for feedforward systems. *Systems & Control Letters*, 2001, 43(4): 247 – 261.

- [23] ZHAI J Y, QIAN C J, FRYE M T. Global finite-time stabilization via output feedback for upper-triangular systems with unknown output gain. *Proceedings of the 49th IEEE Conference on Decision and Control*. Atlanta, USA: IEEE, 2010: 4096 – 4101.
- [24] JIA X L, ZHANG B Y. Semi-global finite-time stabilization of feed-forward nonlinear systems by output feedback. *Proceedings of the 35th Chinese Control Conference*. Chengdu, China: IEEE, 2016: 365 – 370.
- [25] SUN Z Y, XUE L R, ZHANG K M. A new approach to finite-time adaptive stabilization of high-order uncertain nonlinear system. *Automatica*, 2015, 58(8): 60 – 66.
- [26] CAI M J, XIANG Z R. Adaptive neural finite-time control for a class of switched nonlinear systems. *Neurocomputing*, 2015, 155(20): 177 – 185.
- [27] CAI M J, XIANG Z R, GUO J. Adaptive finite-time control for uncertain nonlinear systems with application to mechanical systems. *Nonlinear Dynamics*, 2016, 84(2): 943 – 958.
- [28] ZHANG K M, ZHANG X H. Finite-time stabilisation for high-order nonlinear systems with low-order and high-order nonlinearities. *International Journal of Control*, 2015, 88(8): 1576 – 1585.
- [29] FU J, MA R C, CHAI T Y. Global finite-time stabilization of a class of switched nonlinear systems with the powers of positive odd rational numbers. *Automatica*, 2015, 54(4): 360 – 373.
- [30] FU J, MA R C, CHAI T Y. Adaptive finite-time stabilization of a class of uncertain nonlinear systems via logic-based switchings. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2017, 62(11): 5998 – 6003.
- [31] GAO F Z, WU Y Q, LIU Y H. Finite-time stabilization for a class of switched stochastic nonlinear systems with dead-zone input nonlinearities. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2018, 28(9): 3239 – 3257.
- [32] HONG Y G, WANG J K, CHENG D Z. Adaptive finite-time control of nonlinear systems with parametric uncertainty. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2006, 51(5): 858 – 862.
- [33] SUN Z Y, SHAO Y, CHEN C C. Fast finite-time stability and its application in adaptive control of high-order nonlinear system. *Automatica*, 2019, 106(5): 339 – 348.
- [34] SUN Z Y, DONG Y Y, CHEN C C. Global fast finite-time partial state feedback stabilization of high-order nonlinear systems with dynamic uncertainties. *Information Sciences*, 2019, 484(2019): 219 – 236.
- [35] CHUNYU Dandan, SU Baili, SUN Zongyao. Finite-time optimization for a class of constrained nonlinear systems. *Control Theory and Applications*, 2019, 36(5): 753 – 758.
(淳于丹丹, 苏佰丽, 孙宗耀. 一类受约束非线性系统的有限时间优化镇定. *控制理论与应用*, 2019, 36(5): 753 – 758.)
- [36] BUN X W, WEI D Z, WU X Y, et al. Guaranteeing preselected tracking quality for air-breathing hypersonic non-affine models with an unknown control direction via concise neural control. *Journal of the Franklin Institute*, 2016, 353(13): 3207 – 3232.
- [37] UNAR M A, MURRAY-SMITH D J. Automatic steering of ships using neural networks. *International Journal of Adaptive Control Signal Processing*, 1999, 13(4): 203 – 218.
- [38] SU Y F. Cooperative global output regulation of second-order nonlinear multi-agent systems with unknown control direction. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2015, 60(12): 3275 – 3280.
- [39] NUSSBAUM R D. Some remarks on a conjecture in parameter adaptive control. *Systems & Control Letters*, 1983, 3(5): 243 – 246.
- [40] LIU Y J, TONG S C. Barrier Lyapunov functions for Nussbaum gain adaptive control of full state constrained nonlinear systems. *Automatica*, 2017, 76(2): 143 – 152.
- [41] ZHANG J X, YANG G H. Prescribed performance fault-tolerant control of uncertain nonlinear systems with unknown control directions. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2017, 62(12): 6529 – 6535.
- [42] WANG H Q, KARIMI H R, LIU P X P, et al. Adaptive neural control of nonlinear systems with unknown control directions and input dead-zone. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics: Systems*, 2018, 48(11): 1897 – 1907.
- [43] WU J, CHEN W S, LI J. Global finite-time adaptive stabilization for nonlinear systems with multiple unknown control directions. *Automatica*, 2016, 69(7): 298 – 307.
- [44] HUANG J S, WEN C Y, WANG W, et al. Design of adaptive finite-time controllers for nonlinear uncertain systems based on given transient specifications. *Automatica*, 2016, 69(7): 395 – 404.
- [45] ZHAO Z L, JIANG Z P. Finite-time output feedback stabilization of lower-triangular nonlinear systems. *Automatica*, 2018, 96(10): 259 – 269.
- [46] WANG H, ZHU Q X. Finite-time stabilization of high-order stochastic nonlinear systems in strict-feedback form. *Automatica*, 2015, 54(4): 284 – 291.
- [47] KHOO S Y, YIN J L, MAN Z H, et al. Finite-time stabilization of stochastic nonlinear systems in strict-feedback form. *Automatica*, 2013, 49(5): 1403 – 1410.
- [48] MAO J, HUANG S P, XIANG Z R. Adaptive practical finite-time stabilization for switched nonlinear systems in pure-feedback form. *Journal of the Franklin Institute*, 2017, 354(10): 3971 – 3994.
- [49] ZHANG Z K, DUAN G R, HOU M Z. Global finite-time adaptive stabilization for nonlinear systems with input dead-zone nonlinearity. *Journal of the Franklin Institute*, 2017, 354(10): 4073 – 4101.
- [50] DU H B, WEN G H, YU X H, et al. Finite-time consensus of multiple nonholonomic chained-form systems based on recursive distributed observer. *Automatica*, 2015, 62(12): 236 – 242.
- [51] GAO F Z, YUAN Y, WU Y Q. Finite-time stabilization for a class of nonholonomic feedforward systems subject to inputs saturation. *ISA Transactions*, 2016, 64(5): 193 – 201.
- [52] CAI M J, XIANG Z R, GUO J. Adaptive finite-time control for a class of switched nonlinear systems using multiple Lyapunov functions. *International Journal of Systems Science*, 2017, 48(2): 324 – 336.
- [53] LIANG Y J, MA R C, WANG M, et al. Global finite-time stabilisation of a class of switched nonlinear systems. *International Journal of Systems Science*, 2015, 46(16): 2897 – 2904.
- [54] HUA C C, LI Y F, GUAN X P. Finite/fixe-time stabilization for nonlinear interconnected systems with dead-zone input. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2017, 62(5): 2554 – 2560.
- [55] DU H B, LI S H, QIAN C J. Finite-time attitude tracking control of spacecraft with application to attitude synchronization. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2011, 56(11): 2711 – 2717.
- [56] DING Shihong, LI Shihua. Finite-time tracking control of spacecraft attitude. *Acta Aeronautica Et Astronautica Sinica*, 2007, 28(3): 628 – 633.
(丁世宏, 李世华. 空间飞行器姿态的有限时间跟踪控制方法. *航空学报*, 2007, 28(3): 628 – 633.)
- [57] LU Q, HAN Q L, XIE X G, et al. A finite-time motion control strategy for odor source localization. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, 2014, 61(10): 5419 – 5430.
- [58] ZHU W W, DU H B, CHENG Y Y, et al. Hovering control for quadrotor aircraft based on finite-time control algorithm. *Nonlinear Dynamics*, 2017, 88(4): 2359 – 2369.
- [59] MENG Q H, SUN Z Y, LI Y S. Finite-time controller design for four-wheel-steering of electric vehicle driven by four in-wheel motors. *International Journal of Control, Automation and Systems*, 2018, 16(4): 1814 – 1823.

- [60] GAO F Z, WU Y Q. Finite-time output feedback stabilisation of chained-form systems with inputs saturation. *International Journal of Control*, 2017, 90(7): 1466 – 1477.
- [61] MENG Q H, QIAN C J, SUN Z Y. Finite-time stability control of an electric vehicle under tyre blowout. *Transactions of the Institute of Measurement and Control*, 2019, 41(5): 1395 – 1404.
- [62] QIAN C J, LI J. Global finite-time stabilization by output feedback for planar systems without observable linearization. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2005, 50(6): 885 – 890.
- [63] LI J, QIAN C J. Global finite-time stabilization by dynamic output feedback for a class of continuous nonlinear systems. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2006, 51(5): 879 – 884.
- [64] LIN Qian, WU Xiaofeng, CHEN Yun. Global finite-time synchronization of chaotic systems based on two-step control strategy. *Control Theory & Applications*, 2018, 35(8): 1194 – 1198.
(林茜, 吴晓峰, 陈云. 基于两步控制的混沌系统全局有限时间同步. 控制理论与应用, 2018, 35(8): 1194 – 1198.)
- [65] DU H B, LI S H, LIN X Z. Finite-time formation control of multi-agent systems via dynamic output feedback. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2013, 23(4): 1609 – 1628.
- [66] ZHANG X H, ZHANG K M, XIE X J. Finite-time output feedback stabilization of nonlinear high-order feedforward systems. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2016, 26(8): 1794 – 1814.
- [67] HONG Y G, HUANG J, XU Y S. On an output feedback finite-time stabilization problem. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2001, 46(2): 305 – 309.
- [68] HONG Y G. Finite-time stabilization and stabilizability of a class of controllable systems. *Systems & Control Letters*, 2002, 46(2): 231 – 236.
- [69] BHAT S P, BERNSTEIN D S. Geometric homogeneity with applications to finite-time stability. *Mathematics of Control Signals and Systems*, 2005, 17(2): 101 – 127.
- [70] DING Shihong, LI Shihua, LI Qi. Globally uniform stability of a class of continuous cascaded systems. *Acta Automatica Sinica*, 2008, 34(10): 1268 – 1274.
(丁世宏, 李世华, 李奇. 一类连续级联系统的全局一致稳定性. 自动化学报, 2008, 34(10): 1268 – 1274.)
- [71] ORLOV Y. Finite time stability of homogeneous switched systems. *Proceedings of the 42nd IEEE Conference on Decision and Control*. Maui, USA: IEEE, 2003: 4271 – 4276.
- [72] YIN J L, KHOO S Y, MAN Z H. Finite-time stability theorems of homogeneous stochastic nonlinear systems. *Systems & Control Letters*, 2017, 100(2): 6 – 13.
- [73] YU S H, LONG X J, GUO G. Homogeneous finite-time consensus tracking of high-order-integrator agents by parametric approach. *International Journal of Control*, 2017, 90(12): 2655 – 2666.
- [74] SU Y X. Global continuous finite-time tracking of robot manipulators. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2009, 19(17): 1871 – 1885.
- [75] SU Y X, SWEVERS J. Finite-time tracking control for robot manipulators with actuator saturation. *Robotics and Computer-Integrated Manufacturing*, 2014, 30(2): 91 – 98.
- [76] ZHANG B, JIA Y M, DU J P, et al. Finite-time synchronous control for multiple manipulators with sensor saturations and a constant reference. *IEEE Transactions on Control Systems Technology*, 2014, 22(3): 1159 – 1165.
- [77] LAN Q X, LI S H, YANG J, et al. Finite-time control for soft landing on an asteroid based on homogeneous system technique. *Proceedings of the 32nd Chinese Control Conference*. Xi'an, China: IEEE, 2013: 673 – 678.
- [78] LAN Q X, LI S H, YANG J, et al. Finite-time control for soft landing on an asteroid based on line-of-sight angle. *Journal of the Franklin Institute*, 2014, 351(1): 383 – 398.
- [79] CHENG Y Y, DU H B, YANG C, et al. Fast adaptive finite-time voltage regulation control algorithm for a buck converter systems. *IEEE Transactions on Circuits and Systems II: Express Briefs*, 2017, 64(9): 1082 – 1086.
- [80] MA Kemao. Design of continuous non-smooth attitude control laws for spacecraft. *Journal of Astronautics*, 2012, 33(6): 713 – 719.
(马克茂. 航天器连续非光滑姿态控制律设计. 宇航学报, 2012, 33(6): 713 – 719.)
- [81] GUI H C, VUKOVICH G. Finite-time angular velocity observers for rigid-body attitude tracking with bounded inputs. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2017, 27(1): 15 – 38.
- [82] PERRUQUETTI W, FLOQUET T, MOULAY E. Finite-time observers: Application to secure communication. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2008, 53(1): 356 – 360.
- [83] DU H B, HE Y G, CHENG Y Y. Finite-time synchronization of a class of second-order nonlinear multi-agent systems using output feedback control. *IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Regular Papers*, 2014, 61(6): 1778 – 1788.
- [84] SHEN Yanjun, LIU Wanhai, ZHANG Yong. Global finite-time observers for a class of nonlinear systems. *Control Theory & Applications*, 2010, 27(5): 668 – 674.
(沈艳军, 刘万海, 张勇. 一类非线性系统全局有限时间观测器设计. 控制理论与应用, 2010, 27(5): 668 – 674.)
- [85] SHEN Y J, HUANG Y H, GU J. Global finite-time observers for Lipschitz nonlinear systems. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2011, 56(2): 418 – 424.
- [86] LI Y Y, SHEN Y J, XIA X H. A high-gain-based global finite-time nonlinear observer. *International Journal of Control*, 2013, 86(5): 759 – 767.
- [87] DU H B, QIAN C J, YANG S Z, et al. Recursive design of finite-time convergent observers for a class of time-varying nonlinear systems. *Automatica*, 2013, 49(2): 601 – 609.
- [88] HU Q L, ZHANG J, FRISWELL M I. Finite-time coordinated attitude control for spacecraft formation flying under input saturation. *Journal of Dynamic Systems, Measurement, and Control*, 2015, 137(6): 1012 – 1014.
- [89] SUN Zhenxing, LI Shihua, ZHANG Xinghua. Direct torque control of induction motor based on extended state observer and finite-time control scheme. *Control Theory & Applications*, 2014, 31(6): 748 – 756.
(孙振兴, 李世华, 张兴华. 基于扩张状态观测器和有限时间控制的感应电机直接转矩控制. 控制理论与应用, 2014, 31(6): 748 – 756.)
- [90] ZAMORA-GOMEZ G I, ZAVALA-RIO A, LOPEZ-ARAUJO D J. Observer-less output-feedback global continuous control for the finite-time and exponential stabilization of mechanical systems with constrained inputs. *European Journal of Control*, 2017, 36(4): 30 – 42.
- [91] MOBAYEN S. Finite-time tracking control of chained form non-holonomic systems with external disturbances based on recursive terminal sliding mode method. *Nonlinear Dynamics*, 2015, 80(1/2): 669 – 683.
- [92] VENKATARAMAN S T, GULATI S. Terminal sliding modes: A new approach to nonlinear control systems. *Proceedings of the 5th International Conference on Advanced Robotics*. New York, USA: IEEE, 1991: 443 – 448.
- [93] MAN Z H, PAPLINSKI A P, WU H R. A robust MIMO terminal sliding mode control scheme for rigid robotic manipulator. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 1994, 39(12): 2464 – 2469.

- [94] VENKATARAMAN S T, GULATI S. Control of nonlinear systems using terminal sliding modes. *Journal of Dynamic Systems, Measurement and Control*, 1993, 115(3): 554 – 560.
- [95] TANG Y. Terminal sliding mode control for rigid robots. *Automatica*, 1998, 34(1): 51 – 56.
- [96] YU X H, MAN Z H. Fast terminal sliding mode control design for nonlinear dynamic systems. *IEEE Transactions on Circuits and Systems I: Fundamental Theory and Applications*, 2002, 49(2): 261 – 264.
- [97] FENG Y, YU X H, MAN Z H. Non-singular terminal sliding mode control of rigid manipulators. *Automatica*, 2002, 38(12): 2159 – 2167.
- [98] ZOU A M, KUMAR K D, HOU Z G, et al. Finite-time attitude tracking control for spacecraft using terminal sliding mode and chebyshev neural network. *IEEE Transactions on Systems, Man, and Cybernetics, Part B: Cybernetics*, 2011, 41(4): 950 – 963.
- [99] VAN M, GE S S, REN H L. Finite time fault tolerant control for robot manipulators using time delay estimation and continuous nonsingular fast terminal sliding mode control. *IEEE Transactions on Cybernetics*, 2017, 47(7): 1681 – 1693.
- [100] YU S H, YU X H, SHIRINZADEH B, et al. Continuous finite-time control for robotic manipulators with terminal sliding mode. *Automatica*, 2005, 41(11): 1957 – 1964.
- [101] BARTOLINI G, FERRARA A, USANI E. Chattering avoidance by second order sliding mode control. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 1998, 43(2): 241 – 246.
- [102] FERRARA A, RUBAGOTTI M. A sub-optimal second order sliding mode controller for systems with saturating actuators. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2009, 54(5): 1082 – 1087.
- [103] VAN M, KANG H J. Robust fault-tolerant control for uncertain robot manipulators based on adaptive quasi-continuous high-order sliding mode and neural network. *Journal of Mechanical Engineering Science*, 2015, 229(8): 1425 – 1446.
- [104] MOBAYEN S. Fast terminal sliding mode controller design for nonlinear second-order systems with time-varying uncertainties. *Complexity*, 2014, 21(2): 239 – 244.
- [105] HASHTARKHANI B, KHOSROWJERDI M J. Neural adaptive fault tolerant control of nonlinear fractional order systems via terminal sliding mode approach. *Journal of Computational and Nonlinear Dynamics*, 2019, 14(3): 1009 – 1011.
- [106] WU R, WEI C Z, YANG F, et al. FxTDO-based non-singular terminal sliding mode control for second-order uncertain systems. *IET Control Theory and Applications*, 2018, 12(18): 2459 – 2467.
- [107] ZHANG Q, WANG C, SU X J, et al. Observer-based terminal sliding mode control of non-affine nonlinear systems: finite-time approach. *Journal of the Franklin Institute*, 2018, 355(16): 7985 – 8004.
- [108] CORRADINI M L, CRISTOFARO A. Nonsingular terminal sliding-mode control of nonlinear planar systems with global fixed-time stability guarantees. *Automatica*, 2018, 95(9): 561 – 565.
- [109] MOBAYEN S. Adaptive global terminal sliding mode control scheme with improved dynamic surface for uncertain nonlinear systems. *International Journal of Control, Automation and Systems*, 2018, 16(4): 1692 – 1700.
- [110] SUN G H, MA Z Q, YU J Y. Discrete-time fractional order terminal sliding mode tracking control for linear motor. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, 2018, 65(4): 3386 – 3394.
- [111] MA R Z, ZHANG G Z, KRAUSE O. Fast terminal sliding-mode finite-time tracking control with differential evolution optimization algorithm using integral chain differentiator in uncertain nonlinear systems. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2018, 28(2): 625 – 639.
- [112] ANGULO A M T, FRIDMAN L, LEVANT A. Robust exact finite-time output based control using high-order sliding modes. *International Journal of Systems Science*, 2011, 42(11): 1847 – 1857.
- [113] DING S H, LEVANT A, LI S H. Simple homogeneous sliding-mode controller. *Automatica*, 2016, 67(5): 22 – 32.
- [114] ROSALES A, SHTESSELA Y, FRIDMAN L. Analysis and design of systems driven by finite-time convergent controllers: Practical stability approach. *International Journal of Control*, 2018, 91(11): 2563 – 2572.
- [115] GANG C, BO J, YING C. Nonsingular fast terminal sliding mode posture control for six-legged walking robots with redundant actuation. *Mechatronics*, 2018, 50: 1 – 15.
- [116] LIU X D, YU H S, YU J P, et al. Combined speed and current terminal sliding mode control with nonlinear disturbance observer for PMSM drive. *IEEE Access*, 2018, 6: 29594 – 29601.
- [117] LIANG B, ZHU Y Q, LI Y R, et al. Adaptive nonsingular fast terminal sliding mode control for braking systems with electro-mechanical actuators based on radial basis function. *Energies*, 2017, 10(10): 1 – 15.
- [118] SOLIS C U, CLEMPNER J B, POZNYAK A S. Fast terminal sliding-mode control with an integral filter applied to a Van Der Pol oscillator. *IEEE Transactions on Industrial Electronics*, 2017, 64(7): 5622 – 5628.
- [119] ZHANG Kai, DUAN Guangren. Fast finite-time tracking control for the mechanical system and its application to spacecraft rendezvous system. *Control Theory & Applications*, 2019, 36(1): 87 – 95. (张凯, 段广仁. 机械系统的快速有限时间跟踪控制及其在航天器交会中的应用. *控制理论与应用*, 2019, 36(1): 87 – 95.)
- [120] WANG Y J, SONG Y D, DAVID J H, et al. Prescribed finite time consensus of networked multi-agent systems. *Proceedings of 2017 IEEE 56th Annual Conference on Decision and Control*. Melbourne, Australia: IEEE, 2017: 4088 – 4093.
- [121] SONG Y D, WANG Y J, KRSTIC M. Time-varying feedback for stabilization in prescribed finite time. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2019, 29(3): 618 – 633.
- [122] CHEN X D, ZHANG X F. Output-feedback control strategies of lower-triangular nonlinear nonholonomic systems in any prescribed finite time. *International Journal of Robust and Nonlinear Control*, 2019, 29(4): 904 – 918.
- [123] LIU Y, JING Y W. Practical finite-time almost disturbance decoupling strategy for uncertain nonlinear systems. *Nonlinear Dynamics*, 2019, 95(1): 117 – 128.
- [124] LIU Y, LIU X P, JING Y W, et al. A novel finite-time adaptive fuzzy tracking control scheme for nonstrict-feedback systems. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 2019, 27(4): 646 – 658.
- [125] POLYAKOV A. Nonlinear feedback design for fixed-time stabilization of linear control systems. *IEEE Transactions on Automatic Control*, 2012, 57(8): 2106 – 2110.
- [126] ZUO Z Y, HAN Q L, NING B D, et al. An overview of recent advances in fixed-time cooperative control of multiagent systems. *IEEE Transactions on Industrial Informatics*, 2018, 14(6): 2322 – 2334.
- [127] PARSEGOV S, POLYAKOV A, SHCHERBAKOV P. Nonlinear fixed-time control protocol for uniform allocation of agents on a segment. *Proceedings of IEEE Conference on Decision Control*. Maui, USA: IEEE, 2013: 7732 – 7737.
- [128] ZUO Z Y, TIE L. A new class of finite-time nonlinear consensus protocols for multi-agent systems. *International Journal of Control*, 2014, 87(2): 363 – 370.
- [129] ZUO Z Y, TIE L. Distributed robust finite-time nonlinear consensus protocols for multi-agent systems. *International Journal of Systems Science*, 2016, 47(6): 1366 – 1375.

- [130] CHEN C C, SUN Z Y. Fixed-time stabilisation for a class of high-order non-linear systems. *IET Control Theory and Applications*, 2018, 12(18): 2578 – 2587.
- [131] JIANG B, HU Q L, FRISWELL M I. Fixed-time rendezvous control of spacecraft with a tumbling target under loss of actuator effectiveness. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2016, 52(4): 1576 – 1586.
- [132] YU X, LI P, ZHANG Y M. The design of fixed-time observer and finite-time fault-tolerant control for hypersonic gliding vehicles. *IEEE Transactions on Industrial and Electronics*, 2018, 65(5): 4135 – 4144.
- [133] BASIN M V, YU P, SHTESSEL Y B. Hypersonic missile adaptive sliding mode control using finite and fixed-time observers. *IEEE Transactions on Industrial and Electronics*, 2018, 65(1): 930 – 941.
- [134] SUN Y M, CHEN B, LIN C, et al. Finite-time adaptive control for a class of nonlinear systems with nonstrict feedback structure. *IEEE Transactions on Cybernetics*, 2018, 48(10): 2774 – 2782.
- [135] WANG F, CHEN B, LIU X P, et al. Finite-time adaptive fuzzy tracking control design for nonlinear systems. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 2018, 26(3): 1207 – 1216.
- [136] WANG F, ZHANG X Y, CHEN B, et al. Adaptive finite-time tracking control of switched nonlinear systems. *Information Sciences*, 2017, 421(8): 126 – 135.
- [137] HAN Y, YU J P, ZHAO L, et al. Finite-time adaptive fuzzy control for induction motors with input saturation based on command filtering. *IET Control and Applications*, 2018, 12(15): 2148 – 2155.
- [138] ZHAO L, YU J P, YU H S. Adaptive finite-time attitude tracking control for spacecraft with disturbances. *IEEE Transactions on Aerospace and Electronic Systems*, 2018, 54(3): 1297 – 1305.
- [139] LI H Y, ZHAO S Y, HE W, et al. Adaptive finite-time tracking control of full state constrained nonlinear systems with dead-zone. *Automatica*, 2019, 100(2): 99 – 107.
- [140] SUI S, CHEN C L P, TONG S C. Fuzzy adaptive finite-time control design for nontriangular stochastic nonlinear systems. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 2019, 27(1): 172 – 184.
- [141] LI Y M, LI K W, TONG S C. Finite-time adaptive fuzzy output feedback dynamic surface control for MIMO nonstrict feedback systems. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 2019, 27(1): 96 – 110.
- [142] LIU L, LIU Y J, TONG S C. Neural networks-based adaptive finite-time fault-tolerant control for a class of strict-feedback switched nonlinear systems. *IEEE Transactions on Cybernetics*, 2019, 49(7): 2536 – 2545.
- [143] SUI S, TONG S C, CHEN C L P. Finite-time filter decentralized control for nonstrict-feedback nonlinear large-scale systems. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 2018, 26(6): 3289 – 3300.
- [144] MA Guangfu, YU Yanbo, HU Qinglei. Integral-type sliding mode finite-time fault tolerant control for spacecraft attitude control. *Control Theory & Applications*, 2017, 34(8): 1028 – 1034. (马广富, 于彦波, 胡庆雷. 基于积分滑模的航天器有限时间姿态容错控制. *控制理论与应用*, 2017, 34(8): 1028 – 1034.)

作者简介:

刘洋 博士研究生, 目前研究方向为非线性系统有限时间控制、复杂大系统结构控制、预设性能控制、智能控制等, E-mail: liuyang0595@163.com;

井元伟 教授, 目前研究方向为复杂非线性系统的稳定性与鲁棒性、网络流量管理、分析与控制、非合作对策及其在通信网络中的应用等, E-mail: ywjing@mail.neu.edu.cn;

刘晓平 教授, 目前研究方向为非线性奇异系统、非线性系统自适应控制、机器人、模糊/神经网络控制等, E-mail: xliu2@lakeheadu.cn;

李小花 教授, 目前研究方向为复杂系统结构与控制、工业过程建模与控制等研究, E-mail: lixiaohua6412@163.com.